

학술지 편집인이 알아야 하는 의학통계

2017. 12. 9.



연세대학교 원주의과대학 생의학데이터과학센터
Center of Biomedical Data Science
Yonsei University Wonju College of Medicine

강 대 용

[Home](#) | [E-Submission](#) | [Sitemap](#) | [Editorial Office](#)

Journal of Health Informatics and Statistics
Current Issue, Volume 42(4); November 2017

OPEN  ACCESS
eISSN : 2465-8022 pISSN : 2465-8014 

[Home](#) | [ABOUT](#) | [BROWSE ARTICLES](#) | [CURRENT ISSUE](#) | [FOR AUTHORS AND REVIEWERS](#) | [Advanced Search >>](#)

Clinical Research

Random error / Systematic error

Bias

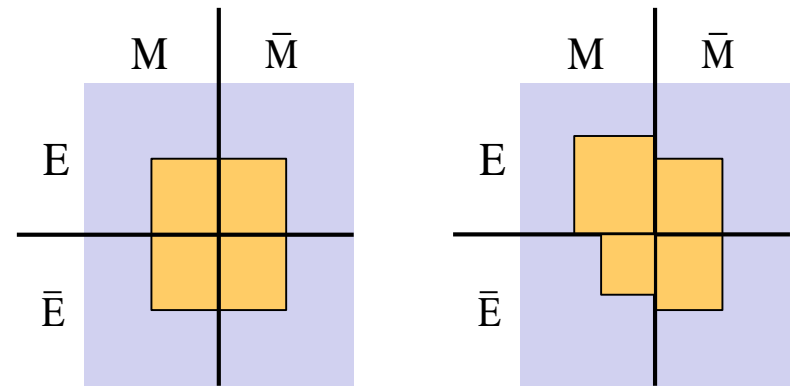
편향(偏向) 편의(偏倚)

뒤틀림

비뚤림

치우침

연구설계 단계 bias



Selection bias

- ✓ sampling frame bias : admission rate bias (Berksonian bias)
- ✓ non random sampling bias : detection bias
- ✓ non-converge bias : loss to follow-up bias, withdrawal bias

Non comparability bias

- ✓ lead time bias, length bias, historical control bias

Sample size bias

자료수집 과정에서의 information bias

instrument bias

data source bias

observer bias

- ✓ diagnostic suspicion bias
- ✓ exposure suspicion bias
- ✓ therapeutic bias (→ Blinding)

subject bias

- ✓ proxy respondent bias
- ✓ recall bias
- ✓ attention bias (“Hawthorne effect”)

분석 & 결과 해석 과정에서의 bias

confounding bias

analysis strategy bias

: missing data handling, outlier handling, unit of analysis

post-hoc analysis bias (← data dredging bias)

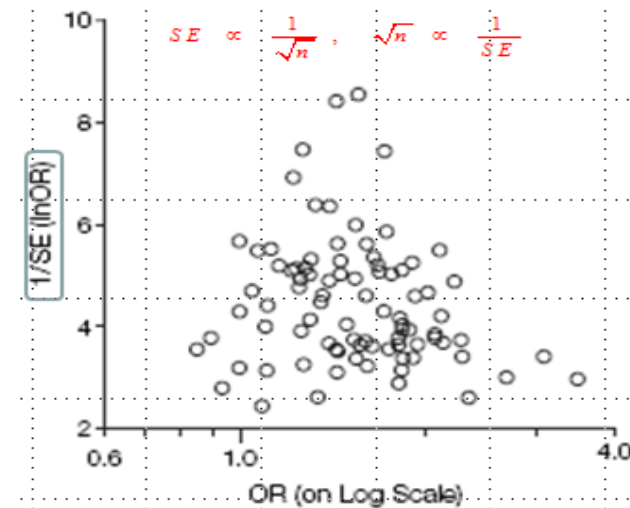
assumption bias

generalization bias (← lack of external validity)

significance bias

: statistical significance vs. biological significance

Publication bias (by Funnel plot, Egger의 회귀비대칭성 검정)



Assessment on the adequacy of the statistical methods

평가항목	항 목 설 명	대한의학학술지 편집인협의회 (KoreaMed, 2004. 10)
1	적절한 통계방법을 사용하였음*	
2	통계가 필요하나 사용하지 않았음	
3	p-value를 제시하고 있으나 통계방법 언급 없음	
4	통계방법을 나열하고 있으나 어느 분석에 적용한 것인지 알 수 없음	
5	틀린 방법 적용	
	1) 자료의 성격과 전혀 맞지 않는 방법 사용	
	2) ANOVA를 t-test로 분석	
	3) 비모수를 모수로 분석	
	4) 빈도 비교에서 기대치가 5 이하인 칸이 있음에도 Fisher's exact test를 쓰지 않았거나, 범주를 줄여 그 칸을 없애려는 시도를 하지 않음	
	5) 상관관계를 회귀분석으로 분석	
	6) 통계용어를 잘못 사용	
	7) 기타 경우 †	
6	적용통계는 맞게 언급했으나 결과를 제대로 제시하지 못함	
	1) 어느 군과 어느 군의 비교 시에 나온 p-value인지 불명확 함	
	2) p-value 또는 confidence interval을 제시하지 않고 유의하다고 주장	
	3) 양측 / 단측 언급 없음, 유의수준 언급 없음	
	4) 통계량이나 자유도를 제시하지 않음	
	5) 계산이 틀렸을 가능성이 농후한 경우 (유의하지 않을 것 같은데 유의 하다고 주장)	
	6) 결론을 잘못 유도 (통계결과를 확장하여 결론을 내림)	
	7) 기타 경우 ‡	

* 아래 2~6 항목에 해당사항 없을 때

† 교란변수의 존재로 logistic analysis가 필요한 경우에 χ^2 -pearson 으로만 분석

‡ 4 X 2 table에 Fisher's exact test를 사용했다고 쓰고 p-value 제시 없이 결론지음

What makes it difficult for Medical Research?

✓ the research target is
'Human'

- ethical problems
- limit of study design
- problems caused from the limit of study design

✓ distortion of research results
occurs when we have no
enough time

- need for comparing several analytic results
- lack of reflections in the discussion part

✓ data noise
data incomplete

- outliers
- missing value
- there is no data without 'noise'

✓ when we use inappropriate statistical methods in data analysis



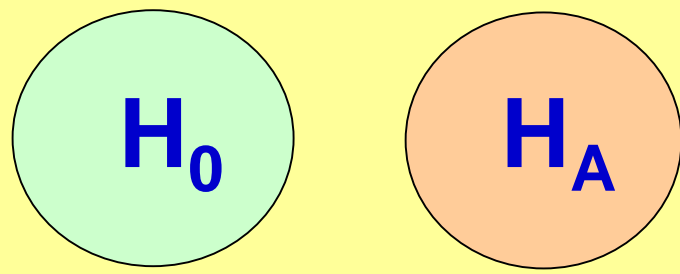
1. Descriptive Statistics :

↓ we work on ‘data cleaning’ while calculating DS of each observed variable
e.g., n, missing value, checking outlier, category regrouping, ...

2. Statistical Testing (検定) :

↓ Statistical inference
(1:1, 1:k, sub-group)

under significant level $\alpha=5\%$



3. Statistical Interpretation :

↓ (highly) significant, limit significant, borderline significant, not significant
(difference, association, correlation, influence with adjustment, ...)

decision making with ‘p-value’

4. Interpretation through ‘Medicine’ and ‘Public Health’

Study Designs

Observational study

Unit of study

Descriptive study

Analytical study

Hypothesis ?

Ecological study (Correlation study)

Population

Cross-sectional study (Prevalence study)

Individuals

Case-control study (Case-reference study)

Individuals

Cohort study (Follow-up study, Prospective study)

Individuals

Hybrid designs :

Nested case-control design, Case-cohort design

Case-crossover design, Case-time-control design

Experimental study, Quasi-experimental study

Experiment

Randomized controlled trials (Clinical study)

Patients

Field trials

Healthy people

Community trials (Community intervention study)

Community

Randomization ?
Intervention ?

Categories of statistical procedures used to assess the statistical content in the articles

자료 성격	권고 통계분석방법
사례보고, 임상연구, 치료결과분석 등	No statistical method or Descriptive study
진단능력평가, 참고치 정하기	Sensitivity, Specificity, ROC curve
짝을 이룬 두 그룹간 평균비교	Paired t-test, Wilcoxon signed rank test*
독립적인 두 그룹간 평균비교	t-test, Wilcoxon rank sum test*, Mann-Whitney U test*
독립적인 세 그룹 이상 평균비교 (또는 군간비교)	ANOVA (with multiple comparison), Kruskal-Wallis test*
동일인에 대한 3회 이상 반복측정자료의 평균비교	Repeated measures of ANOVA, Friedman test*
두 그룹 또는 세 그룹 이상 빈도 비교	Chi-squared test*, Fisher's exact test*
동일인에 대한 반복측정 빈도 비교	McNemar's test*
두 연속변수간 상관관계 분석	Pearson's correlation, Spearman's rho*
두 개 이상 독립변수와 종속변수와의 관계 분석	Simple linear regression, Multiple (logistic) regression
생존율 추정, 생존율 비교 생존형 자료의 회귀분석	Life table, Kaplan-Meier method Log-rank test, Cox's proportional hazard model (HR)
역학적 통계량 분석	Incidence, Prevalence, Risk ratio (RR), Odds ratio (OR)

Source : Emerson JD, Colditz GA. Use of Statistical Analysis in The New England Journal of Medicine. *N Engl J Med* 1983; 309: 709-713.

Horton and Switzer, *N ENGL J MED* 2005; 353(18): 1977-1979.

Table 1. Statistical Content of Original Articles in the *New England Journal of Medicine* over Time.*

Statistical Procedure	Original Articles Containing Methods			Accumulation by Article†
	1978–1979	1989	2004–2005 <i>number (percent)</i>	2004–2005
No statistical methods or descriptive statistics only	91 (27)	14 (12)	39 (13)	39 (13)
t-Tests	147 (44)	45 (39)	80 (26)	42 (14)
Contingency tables	91 (27)	41 (36)	166 (53)	47 (15)
Nonparametric tests	38 (11)	24 (21)	85 (27)	53 (17)
Epidemiologic statistics	33 (10)	25 (22)	110 (35)	55 (18)
Pearson's correlation	40 (12)	22 (19)	10 (3)	56 (18)
Simple linear regression	28 (8)	10 (9)	19 (6)	56 (18)
Analysis of variance	25 (8)	23 (20)	50 (16)	61 (20)
Transformation	23 (7)	8 (7)	31 (10)	62 (20)
Nonparametric correlation	13 (4)	1 (1)	14 (5)	65 (21)
Survival methods	36 (11)	37 (32)	190 (61)	74 (24)
Multiple regression	15 (5)	16 (14)	160 (51)	122 (39)
Multiple comparisons	11 (3)	10 (9)	70 (23)	127 (41)
Adjustment and standardization	9 (3)	10 (9)	3 (1)	128 (41)

Multiway tables	12 (4)	11 (10)	39 (13)	136 (44)
Power analyses	10 (3)	4 (3)	121 (39)	211 (68)
Cost–benefit analysis	3 (1)	0	1 (<1)	212 (68)
Sensitivity analysis†	0	0	18 (6)	223 (72)
Repeated-measures analysis	—	—	37 (12)	249 (80)
Missing-data methods	—	—	26 (8)	272 (87)
Noninferiority trials	—	—	11 (4)	283 (91)
Receiver-operating characteristic	—	—	7 (2)	288 (93)
Resampling	—	—	5 (2)	293 (94)
Principal component analysis and cluster analysis	—	—	5 (2)	298 (96)
Other methods§	12 (4)	10 (9)	13 (4)	311 (100)
Total				
Articles	332	115	311	311
Article-method uses	637	311	1310	
Average uses of methods per article	1.9	2.7	4.2	

* The data in columns 2 and 3 are from Emerson and Colditz.² Dashes denote no data.

† The accumulation by article indicates the number and percentage of articles including only that procedure and those listed above it (excluding methods listed further down in the table). For example, a total of 53 papers used only descriptive statistics, t-tests, contingency tables, and nonparametric tests (17 percent of the 311 papers reviewed).

‡ Sensitivity analysis was not reported for the 1978–1979 or the 1989 survey of Original Articles, so a value of zero was assumed.

§ The 13 articles listed as “other” for the 2004–2005 survey included five statistical procedures for genetics and two meta-analyses.

측정 수준에 따른 확률변수의 구분 :

① 범주형 변수 (categorical variable)

- 명목척도(nominal scale) : 단지 범주로만 의미가 있다.
ex) 성별, 혈액형, 치료방법 등
- 순위척도(ordinal scale) : 명목 + 대소 관계를 나타냄.
가감승제와 같은 수학적 계산은 무의미하다.
ex) 증상의 정도, 학력수준, 사회경제적 수준 등

② 연속형 변수 (continuous variable)

- 구간척도(interval scale) : 측정치 간의 '간격'에 의미가 있는 경우
ex) IQ, 온도의 경우 $10^{\circ}\text{C} \sim 15^{\circ}\text{C}$, $20^{\circ}\text{C} \sim 25^{\circ}\text{C}$ 의 5°C 는 본질적으로 같다.
가감은 가능하나, 승제는 불가능함 (→ 比(ratio)의 개념은 갖지 못함)
ex) $100^{\circ}\text{C} / 50^{\circ}\text{C} \neq 212^{\circ}\text{F} / 122^{\circ}\text{F}$ (∵ 절대 0°C , 0°F 이 아니라 인위적으로 정한 것임)
- 비율척도(ratio scale) : 'age'
절대 영점을 가지게 되므로 수학적으로 가장 완벽한 형태의 변수 (가감승제 모두 가능함)
ex) 80세는 20세에 비해 60살 더 많고(구간), 4배(비율) 더 살았다.

Data Entry 유의사항

■ 범주형 자료

- 적절한 형태의 숫자 코드 할당 (조사지 위에 함께 적어 놓는 것을 추천!!)
- 이진수 자료의 경우 **0/1**을 사용 추천 (주로, '예'=1 / '아니오'=0)

■ 연속형 자료

- 해당 자료를 측정한 **그대로** 기록 (크기를 줄여서 입력 지양)
- 측정 단위는 일관성을 유지

■ 한 사람 당 여러 개의 형식을 사용하는 경우

- **id** 부여 (자료의 결합을 위해) - 중요!!

■ 날짜와 시간의 문제 : 조사 / 입력 형식의 통일

■ 결측치(**missing value**)의 입력 : 가능한 한 default value (. 또는 공백) 사용

오류검토

- 원본 대조 / **double entry**
 - 둘 다 완벽한 것은 아님. 그러나 오류를 최소화 할 수 있다.
- 오류 검토
 - 범주형 자료
 - 검토가 비교적 쉬움
 - 나타나서는 안 되는 범주의 값이 입력되어 있다면 분명히 오타
 - 빈도표(frequency table)의 활용이 효과적
 - 연속형 자료
 - 오타발생 가능성 높음. 찾아내기는 어려움 (예: 소수점의 문제 등)
 - 범위(range) 검토 (Max – Min check)가 효과적
 - 날짜 자료
 - 쉬운 문제는 아님
 - 이상값의 확인 (예: 20070230)
 - 논리적인 검토 (예: 생년과 나이의 일치, 연구시작일 검토 등)
- 자료의 수정
 - 해당 자료가 잘 못 입력된 자료라는 **명백한 증거**가 있는 경우에 한함
 - 단지 이상한 값이 있다는 이유만으로 자료 수정은 곤란, 위험 함

(extreme) outliers

(극)이상치

- 자료의 전반적인 값들과 구별되는 값 / 다른 값들과 병립될 수 없는 값
- 실제 관찰 값일 수도 있고 / 잘못 입력된 값일 수도 있음
 - 예, 키가 210인 여성
 - 만일 연구 대상이 일반인/초등학생이면? 만일 체중과 함께 검토한다면?
- 통계분석방법의 종류에 따라 결과에 심각한 영향을 미칠 수도
 - 예, Student's t-test vs. Wilcoxon's test
 - 따라서 자료 내에 이상치가 있는지 검토하는 것은 매우 중요

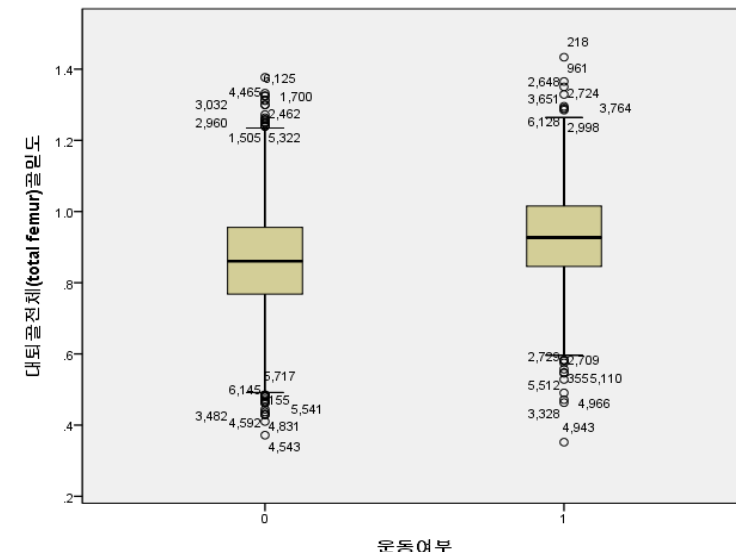


■ 이상치에 대한 검토 !!!

- Range check이 효과적 / Graphical method (histogram, scatter plot 등) 사용도 효과적
- 특정 통계모형 내에서도 가능 (예: 회귀분석 등)

■ 이상치의 처리

- 무분별한 삭제는 곤란
- 최선의 방법 : **with / without analysis**
 - 분석결과가 서로 비슷하면 ok
 - 결과가 서로 상이하면 이상치에 영향을 많이 받지 않는 분석법 (예 : 자료의 변환, 비모수적 방법 등)



정규성 검정 (normality test) :

주어진 자료가 정규 모집단에서 랜덤하게 뽑힌 것인지 확인하고자 할 때 사용한다. 정규 모집단이라는 것이 확인되면 **모수적 검정(ex. Independent t-test)**를 하고, 아니면 **비모수적 검정(ex. Mann-Whitney U-test)**를 수행한다. 히스토그램을 통해 자료의 분포가 정규분포와 유사한지 확인해 볼 수 있고, 통계적 검정방법으로는 콜모고로프-스미르노프 검정과 샤피로-윌크 검정을 주로 사용한다.

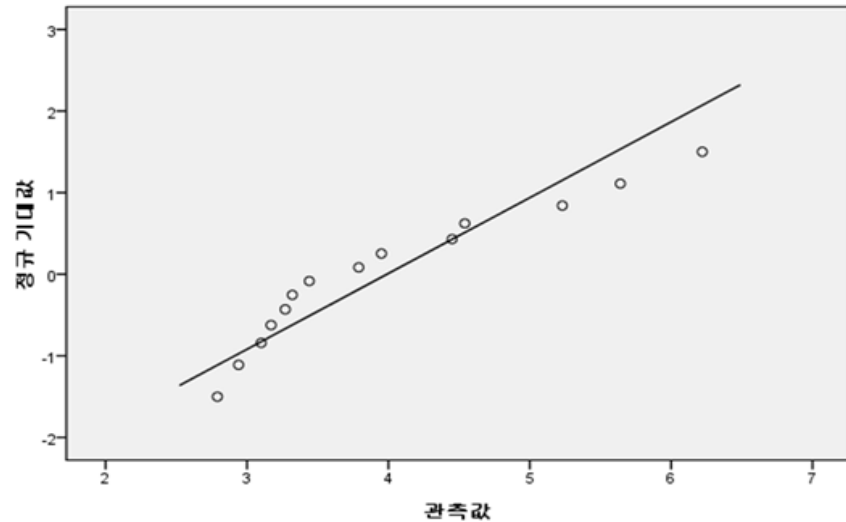
- **콜모고로프-스미르노프 검정 (Kolmogorov-Smirnov test) :** 자료의 가장 작은 값부터 가장 큰 값까지의 누적상대빈도가 이론적 정규분포에서의 누적상대빈도와 얼마나 다른가를 측정하여 검정하는 방법이다.
- **샤피로-윌크 검정 (Shapiro-Wilk test) :** 자료 값들과 표준정규점수와의 선형상관 관계를 측정하여 검정하는 방법이다.

두 검정법의 가설은 "주어진 자료가 정규분포를 따른다"이므로 유의확률이 0.05 보다 클 때 정규성 가정을 만족한다고 할 수 있다. 표본크기(sample size)가 충분히 클 때, 콜모고로프-스미르노프 검정법을 사용하고, 작을 때는 샤피로-윌크 검정법을 사용한다. 이 외에 **크래머-본 미제스(Cramér-von Mises), 앤더스-달링(Anderson-Darling) 검정** 등이 있다.

생체신장이식 과정 중 이식신장의 실제무게를 전향적으로 측정하여 공수여자간의 체격불일치 척도로 공여신장무게와 신장수여자체중 간의 비율(KW/BW) kidney weight(g) / recipient body weight(kg)을 측정하였다. 14명의 비율값이 정규분포를 따른다고 할 수 있는가?

KW/BW	3.79	2.79	2.94	3.95	4.45	4.54	5.64	6.22	5.23	3.10	3.17	3.44	3.32	3.27
-------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------

KW/BW의 정규 Q-Q 도표



데이터 탐색

종속변수(D): KW/BW [kwbw]

요인(F):

표시

☐ 모두(B)
☐ 통계량
☒ 도표

확인

불여넣기(P)

통계량(S)...

도표(T)...

옵션(O)...

데이터 탐색: 도표

상자도표

☐ 요인수준들과 함께(F)
☐ 종속변수들과 함께(D)
☒ 지정없음(N)

☒ 검정과 함께 정규성도표(O)

기술통계

☐ 줄기와 잎그림(S)
☐ 히스토그램(H)

Levene 검정이 있는 평균-산포

☒ 없음
☐ 제공값 추정(P)
☐ 변환(T) 제공값: 자연로그
☐ 변환하지 않음(U)

계속

취소

도움말

정규성 검정

	Kolmogorov-Smirnov ^a			Shapiro-Wilk		
	통계량	자유도	유의확률	통계량	자유도	유의확률
KW/BW	.195	14	.155	.893	14	.090

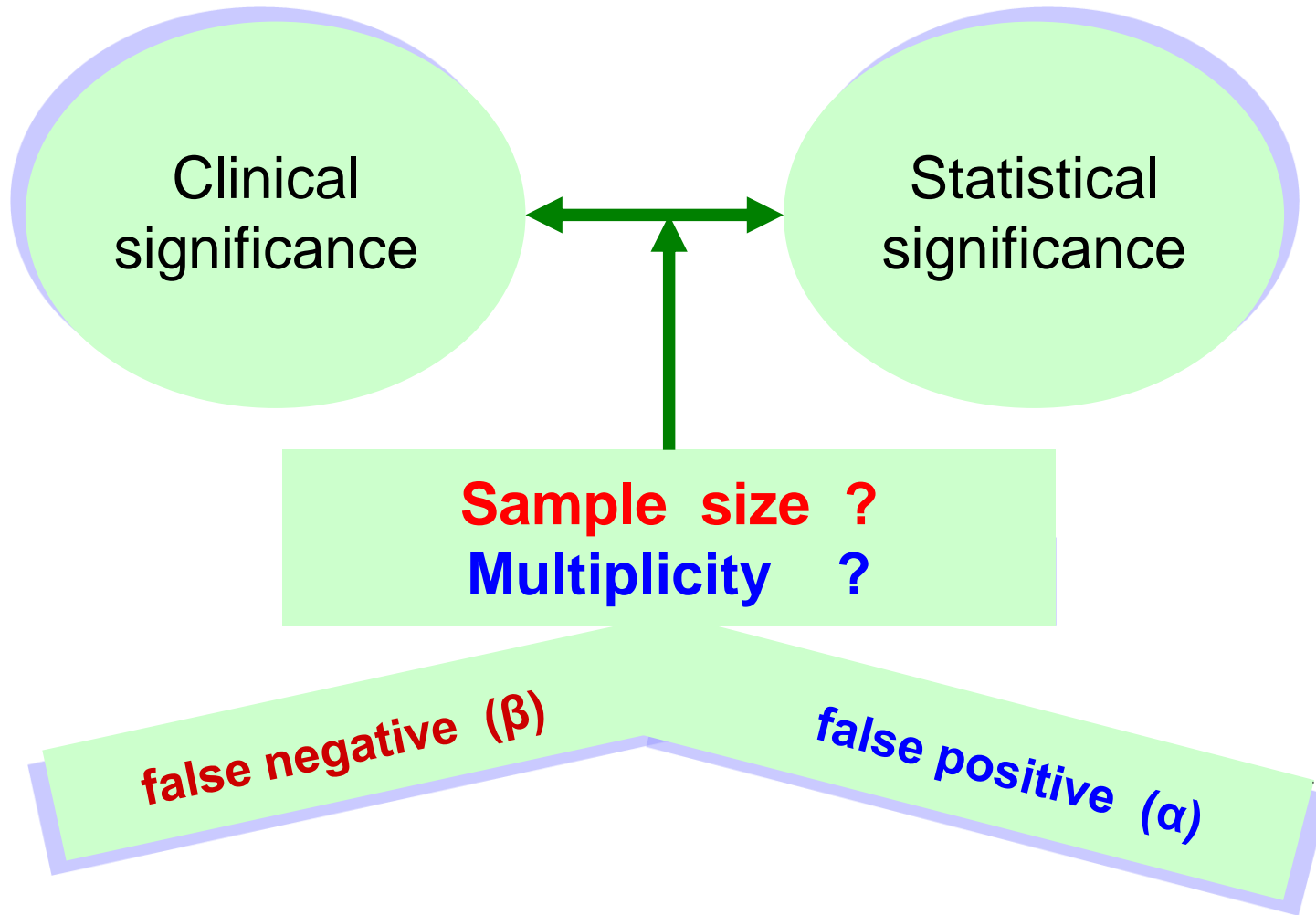
비모수적 통계분석 (nonparametric analysis)

모수적(parametric) 통계분석은 기본적으로 모집단의 정규성, 등분산성, 측정치의 연속성을 가정하거나 조건으로 하는 방법이다. 하지만 실제 임상연구 자료에서는 정규분포의 가정을 만족하지 않아도 큰 문제가 되지 않는 경우가 많고, 표본수가 작아서 정규분포의 가정을 만족하지 않는 경우의 연구도 많다. 따라서 **비모수적 방법**은 표본수가 크지 않고, 모집단의 분포가 정규분포를 따르지 않는 경우에 효율적인 통계분석 방법이 될 수 있다.

➔ 비모수적 통계분석의 기본은

- 모집단은 연속성이어야 하며, 그 분포에 대한 가정은 필요 없다.
- 측정치 보다는 그들의 상대 순위(rank) 혹은 서열(order)에 기반한다.
- 평균(mean)을 비교하는 것이 아니라 중위수(median)을 비교한다.
- 변이 정도는 표준편차(sd)가 아니라 범위(range)나 사분위수(IQR)로 표기한다.

자료의 특성에 따른 통계분석	모수적 방법	비모수적 방법
짝을 이룬 두 그룹간의 비교	Paired t-test	Wilcoxon signed rank test
독립적인 두 그룹간의 비교	Independent two-sample t-test	Wilcoxon rank sum test Mann-Whitney U test
독립적인 세 그룹 이상의 비교	One-way ANOVA Two-way ANOVA	Kruskal-Wallis test Friedman test
두 연속형 변수간의 상관분석	Pearson's correlation	Spearman's rank correlation Kendall's tau



- ✓ Type III error : 연구가설 ???
- ✓ Bias 줄이기 위한 노력 + 시간

Association (연관성, 관련성):

두 변수 간의 일반적인 관계

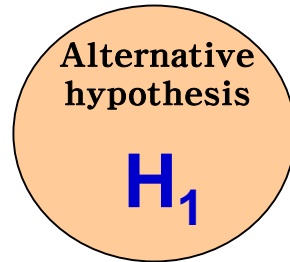
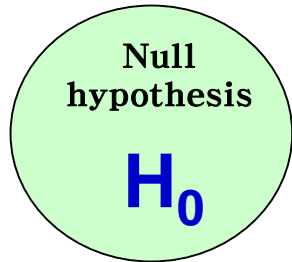
Correlation (상관성):

연관성의 한 종류로 선형성을 정량화

Causation (인과성):





방향성이 포함된 원인-결과 관계

Errors in Hypothesis Testing



H_0 : No difference between effects of two drugs

H_1 : Not H_0

Decision \ True	H_0 is True	H_0 is False
Fail to Reject H_0	 Ex. = Control	 β Type II error Ex. = Control
Reject H_0	 α Type I error Ex. \neq Control	 Ex. \neq Control "Power (1-β)"

Type I error = $P(\text{Positive} \mid H_0:\text{True})$ = **"False Positive"**

Type II error = $P(\text{Negative} \mid H_0:\text{False})$ = **"False Negative"**

▪ **유의수준, level of significance $\alpha=5\%$** , 이는 **우연**에 의해 연구결과가 참이 되어버리는 것(false positive)을 5%까지 허용하겠다는 연구자의 의지이다.

▪ **유의확률, p-value**, 내 데이터를 이용한 가설검정의 결과를 p-value로 요약됨.
 H_0 이 참인 연구결과가 **우연**에 의해 얻어지는 확률을 의미한다.

➔ H_0 가 참인 확률(p-value)이 연구자가 미리 정해놓은 유의수준 $\alpha=5\%$ 보다 작으면 H_0 이 거짓이다. H_0 를 기각한다 ('차이가 없다는 것이 아니다'). **반증적**으로 연구자가 원하는 H_1 을 증명한다. (all or none)

(Frequentist)귀무가설이 참/거짓 판단 vs. (Bayesian)연구가설이 참이 되는 확률 계산

➔ **Bayesian** 입장에서는 *all uncertainty is measured by probability*이며 *continuous learning process* 여서 임상연구를 중간에 조기종료 / 수정이 가능할 수 있다. 이러한 Bayesian concept이 임상시험에 많이 도입되면서 adaptive design이 가능하게 되었다.

➔ Baye's Theorem :

$$P(\theta | data) = \frac{P(data | \theta)}{P(data)} \times P(\theta)$$

p-value, Statistical significance & Clinical significance

$0.01 \leq p < 0.05$ → significant

$0.001 \leq p < 0.01$ → highly significant

$p < 0.001$ → very highly significant

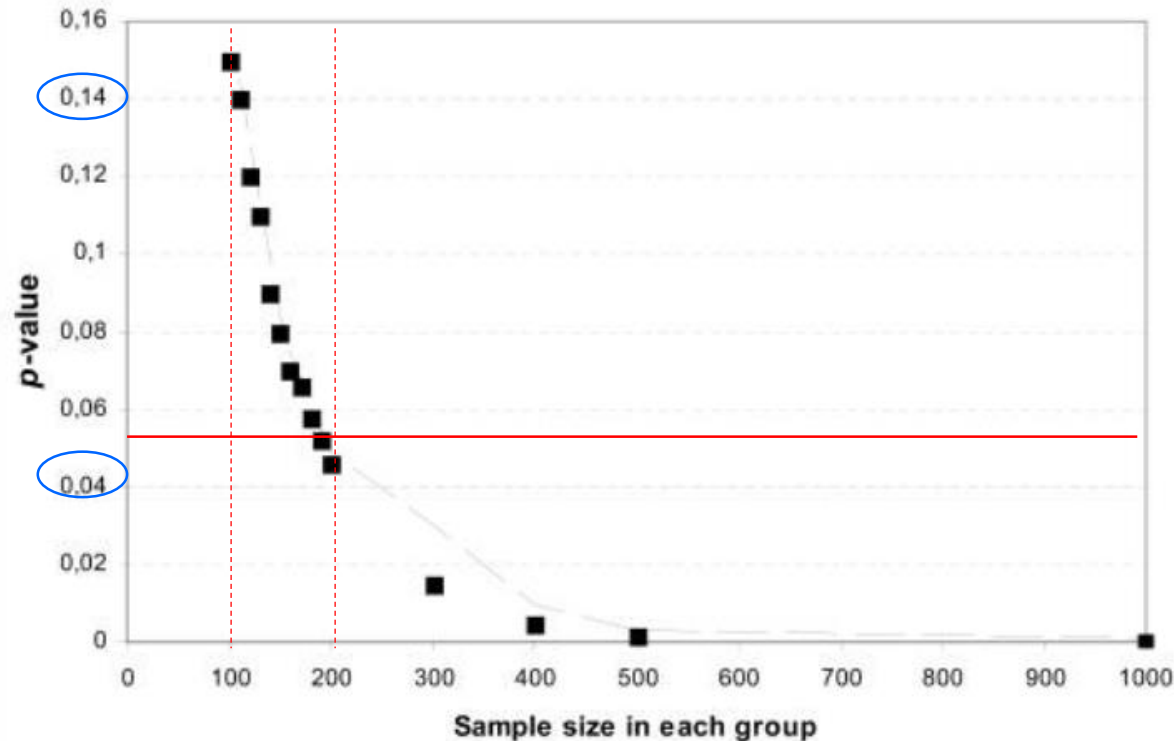
$p > 0.05$ → not statistically significant

$0.05 \leq p < 0.10$ → a trend toward statistical
significance is sometimes noted

- ❖ Analyses were performed with SAS software, version 9.1 (SAS Institute, Cary, NC). A 2-sided probability value 0.05 was **considered statistically significant**.
- ❖ There was a **borderline significant** improvement in survival for the experimental arm with a median time to death of 63.2 months compared with 52.2 months in the standard cisplatin/paclitaxel arm (log-rank **$P = 0.05$** , *one-tail*)
- ❖ The multiplicative interaction term between vitamin D deficiency and hypertension had a **borderline statistical significance** (**$P = 0.08$** for both 2- and 3-category 25-OH D models).

The Value of p -value in Biomedical Research

DB Panagiotakos, *The Open Cardiovascular Medicine Journal*, 2008, 2, 97-99.



- p -value 0.05가 '유의함(significance)'을 판단하는 절대적인 기준인가?
- p -value에 의존한 통계적 유의성 해석의 한계 有 (동일한 효과에서도 표본수에 따라 p -value가 달라진다)
 - 의사결정에서 p -value는 중요한 기준은 되지만 이것의 해석에는 한계가 있다.
- p -value는 관찰된 효과의 중요성 정도는 설명하지 못한다. 즉, p -value가 작다고 association이 강하다는 의미는 아니다.
- p -value의 수준은 sample size와 밀접한 관련이 있다.
 - p -value에 의한 해석에 의존한다면, 상대적으로 N수가 적은 '희귀질환'의 경우, 해당 의약품의 효과를 입증하기 위한 sample size에 도달하지 못하여 임상적 유용성 개선의 입증이 어렵게 된다.

Table 1. Key Questions to Ask When the Primary Outcome Is Positive.

Stuart et al., N Engl J Med 2016;375:971-9.

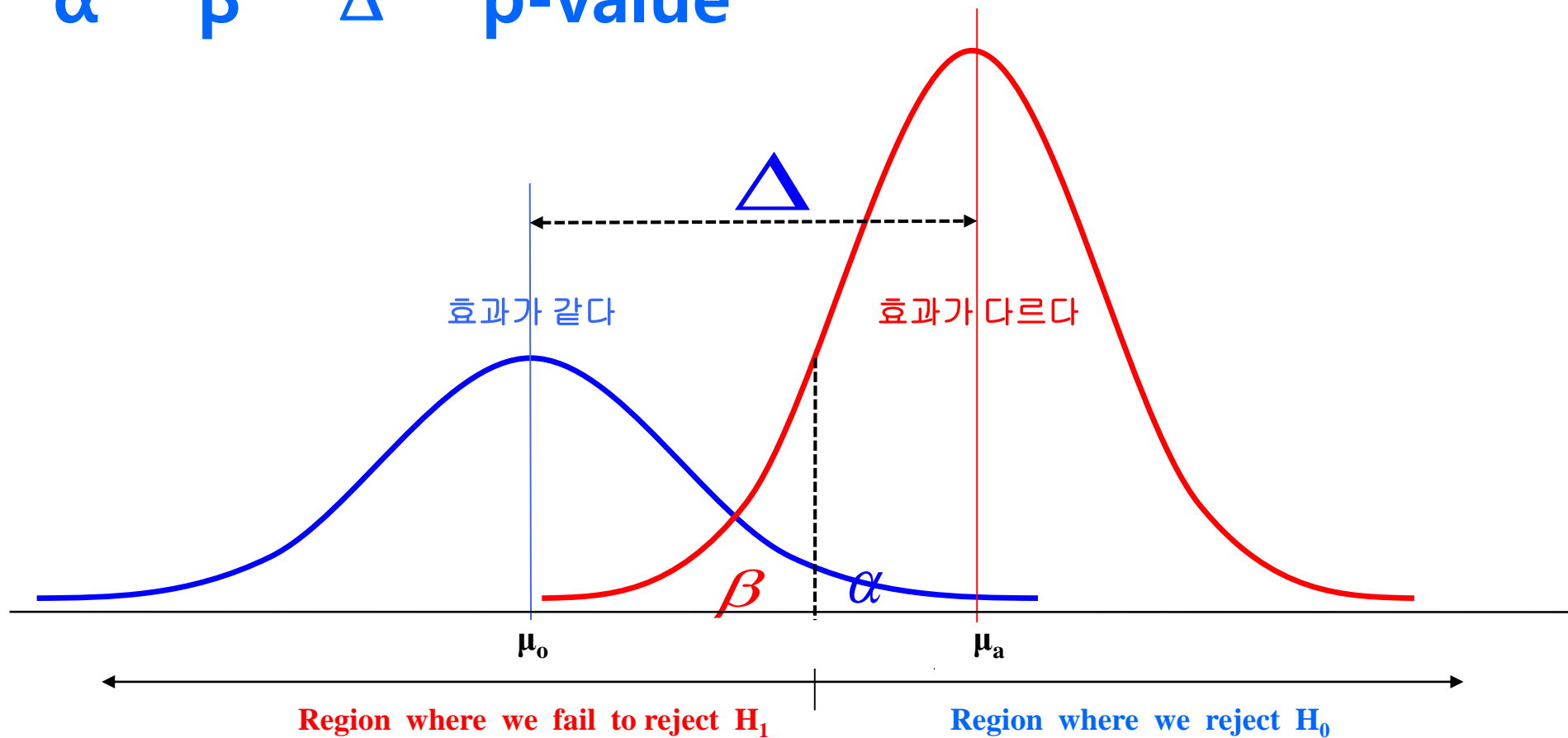
Does a P value of <0.05 provide strong enough evidence?
What is the magnitude of the treatment benefit?
Is the primary outcome clinically important (and internally consistent)?
Are secondary outcomes supportive?
Are the principal findings consistent across important subgroups?
Is the trial large enough to be convincing?
Was the trial stopped early?
Do concerns about safety counterbalance positive efficacy?
Is the efficacy–safety balance patient-specific?
Are there flaws in trial design and conduct?
Do the findings apply to my patients?

Table 1. Questions to Ask When the Primary Outcome Fails.

Is there some indication of potential benefit?
Was the trial underpowered?
Was the primary outcome appropriate (or accurately defined)?
Was the population appropriate?
Was the treatment regimen appropriate?
Were there deficiencies in trial conduct?
Is a claim of noninferiority of value?
Do subgroup findings elicit positive signals?
Do secondary outcomes reveal positive findings?
Can alternative analyses help?
Does more positive external evidence exist?
Is there a strong biologic rationale that favors the treatment?

Stuart et al., N Engl J Med 2016;375:861-70.

α β Δ p-value



“검정력”	0.80	0.90	0.95	0.99
Z_β	0.840	1.282	1.645	2.326

“유의수준”	0.01	0.05	0.10
Z_α	2.326	1.645	1.282
$Z_{\alpha/2}$	2.576	1.960	1.645

Considerations for sample size determination

- ✓ Level of significance $\alpha \leq 0.05$, Power $(1-\beta) \geq 0.80$
- ✓ **Effect Size** Δ / (previous research + researcher's intention) : → 'pilot study'
 - minimum treatment difference
 - true mean/proportion difference
 - superiority/non-inferiority/equivalence 'limit'
- ✓ Type of Comparison : superiority(inequality), non-inferiority, equivalence
- ✓ Design Configuration : parallel, crossover
- ✓ Number of interim analyses
- ✓ Other :
 - number / allocation rate of Experimental-Control
 - follow-up period (\sim inverse correlation)
 - drop-out rate d ($n' = n/(1-d) = 100/(1-0.2) = 125$)
 - compliance rate c ($n' = n/c^2 = 100/0.8^2 = 156$)



Acceptance Sampling for Attributes



Analysis of Covariance



Balanced Incomplete Block Designs



Bartlett Test of Variances (Simulation)



Brown-Forsythe Test of Variances (Simulation)



Chi-Square Effect Size Estimator



Chi-Square Tests



Cochran-Armitage Test for Trend in Proportions



Conditional Power of 2x2 Cross-Over Designs



Conditional Power of Logrank Tests



Conditional Power of One Proportion Tests



Conditional Power of One-Sample T-Tests



Conditional Power of Paired T-Tests



Conditional Power of Two Proportions Tests



Conditional Power of Two-Sample T-Tests



Confidence Interval for Pearson's Correlation



Confidence Intervals for Coefficient Alpha



Confidence Intervals for Cp



Confidence Intervals for Cpk



Confidence Intervals for Exponential Reliability



Confidence Intervals for Intraclass Correlation



Confidence Intervals for Kappa



Confidence Intervals for Kendall's Tau-b Correlation



Confidence Intervals for Linear Regression Slope



Confidence Intervals for Michaelis-Menten Parameters



Confidence Intervals for One Mean



Confidence Intervals for One Mean with Tolerance Probability



Confidence Intervals for One Proportion



Confidence Intervals for One Proportion from a Finite Population



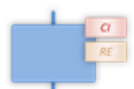
Confidence Intervals for One Standard Deviation using Relative Error



Confidence Intervals for One Standard Deviation using Standard Deviation



Confidence Intervals for One Standard Deviation with Tolerance Probability



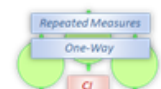
Confidence Intervals for One Variance using Relative Error



Confidence Intervals for One Variance using Variance



Confidence Intervals for One Variance with Tolerance Probability



Confidence Intervals for One-Way Repeated Measures Contrasts

PASS 14 Citation: <http://www.ncss.com>

PASS 14 Power Analysis and Sample Size Software (2015). NCSS, LLC. Kaysville, Utah, USA, ncss.com/software/pass.

PASS 14

Power Analysis and Sample Size Software from NCSS

두 집단의 유효율 비교 : Superiority Trial

- 실험군(Cisplatin+Topotecan) vs. 대조군(Cisplatin)
- 일차결과변수 : complete response rate
- 대립가설의 형태 : 양측검정
- 최소 유의한 차이 정도 : $\Delta = P_B - P_A = 15\%$ ($P_A = 15\%$)
- $\alpha=0.05$, $\beta=0.20$
- 할당비 : 1:1

$$n_A = \frac{\left[z_{\alpha/2} \sqrt{2\bar{p}\bar{q}} + z_{\beta} \sqrt{p_A q_A + p_B q_B} \right]^2}{(p_A - p_B)^2}$$

$$\text{여기서, } \bar{p} = (p_A + p_B)/2, \quad \bar{q} = 1 - \bar{p}$$

$$n_A = \frac{\left[1.96 \sqrt{2 \times 0.225 \times 0.775} + 0.84 \sqrt{0.15 \times 0.85 + 0.3 \times 0.7} \right]^2}{(0.30 - 0.15)^2}$$

$$\approx 121$$

Power Calculation

Power Calculation Method:

Normal Approximation

Test

Alternative Hypothesis:

Two-Sided

Test Type:

Z-Test (Pooled)

Power and Alpha

Power:

0.8

Alpha:

0.05

Sample Size

Group Allocation:

Equal (N1 = N2)

Effect Size

Input Type:

Proportions

P1 (Group 1 Proportion|H1):

0.20 0.25 0.26 0.27 0.28 0.29 0.30 0.35

P2 (Group 2 Proportion):

0.15

D1 = the actual difference under H1 = P1 - P2

“complete response rate”에 따른
최소 필요한 각 군당 연구대상자수

Numeric Results for Testing Two Proportions using the Z-Test with Pooled Variance
H0: P1 - P2 = 0. H1: P1 - P2 = D1 ≠ 0.

Target Power	Actual Power*	N1	N2	N	P1	P2	Diff D1	Alpha
0.80	0.80028	906	906	1812	0.2000	0.1500	0.0500	0.0500
0.80	0.80003	250	250	500	0.2500	0.1500	0.1000	0.0500
0.80	0.80140	211	211	422	0.2600	0.1500	0.1100	0.0500
0.80	0.80073	180	180	360	0.2700	0.1500	0.1200	0.0500
0.80	0.80106	156	156	312	0.2800	0.1500	0.1300	0.0500
0.80	0.80217	137	137	274	0.2900	0.1500	0.1400	0.0500
0.80	0.80173	121	121	242	0.3000	0.1500	0.1500	0.0500
0.80	0.80333	73	73	146	0.3500	0.1500	0.2000	0.0500

임상연구의 자료분석에서 ‘다중검정’ 을 하게 되는 경우

1. 그룹 수가 3개 이상인 경우
2. Primary endpoint가 2개 이상인 경우
3. **중간분석 (Interim Analysis)**을 허락하도록 디자인된 임상시험은, 자료가 어느 정도 모아진 중간단계에서, 약효에 대한 통계적 검정을 실시하고, 만일 그것이 유의하면 일찍 임상시험을 종료하는 것을 허락한다. 이런 디자인에서 만일 2번의 중간분석을 허락한다면, 최종분석과 함께 총 3회의 가설검정을 하게 되는 것이다.
4. **Subgroup Analysis** : 남자와 여자를 따로 분석
5. 여러 **Analysis Sets**에 대한 검정 : FAS 분석과 PP 분석
6. **Sensitivity Analysis (missing value)** : 결측치 처리 방법의 민감도를 알아보기 위하여, 여러 방법으로 결측치를 처리하여 유효성 변수를 검정하는 경우
7. **여러 개의 안전성 변수들에 대한 분석** :
유효성 변수 분석 후, 여러 안전성 변수들에 대한 검정

multiple comparison, post-hoc analysis

독립적인 여러 개의 각 가설검정을 5% 유의수준으로 검정하면
family-wise type I error (모든 H_0 가 참임에도 불구하고 적어도 하나의 H_0 을 기각하게 되는 오류)가 증가하게 된다.

k 번의 다중검정을 실시하는 경우 family-wise type I error

$$\text{FWE} = 1 - (1 - 0.05)^k$$

☞ 그러나 사실상 k 개의 검정이 엄밀하게 '독립적'이라고 가정하기 어렵다.

k	FWE
1	0.05
2	0.098
3	0.143
4	0.186
5	0.250
10	0.40

multiple comparison

검정법	비교시기	비교집단	표본 수	비고
Tukey HSD 正直有意差檢定 (Honestly Significant Difference)	사후	Pairwise	Equal	필요이상으로 보수적-정직적 이다
Student-Newman-Keuls의 검정	사후	Pairwise	Equal	
Duncan의 다중범위검정(MRT)	사후	Pairwise	Unequal	
Scheffé 의 다중비교절차	사후	가능한 모든 조합	Unequal	여러 처리평균의 결합 (combination)으로 이루어 진 대비(contrast) 적용
Dunnett	사전 (Planned)	대조군과 비교	Unequal	선별절차 Gupta & Sobel (1958)
Bonferroni t-검정 Sidak t-검정	사전 (Planned)	계획된 조합	Unequal	Holm, Hochberg, Hommel

➔ Scheffé 방법이 가장 보수적이며 가장 융통성이 있는 방법이므로 의학에서는 주로 Scheffé 방법을 사용함.

※ Fisher의 보호/비보호 최소유의차검정 (protected least significant difference, LSD)

※ 자료가 정규분포를 따르고 (오차항이 정규분포를 따르고), 특정한 모형 가정이 가능 할 때 적용하는 방법과
자료분포 상관없이 어떠한 raw p-value에도 적용할 수 있는 방법

The Multtest Procedure

P-Value Adjustment Information

P-Value Adjustment Bonferroni
 P-Value Adjustment Stepdown Bonferroni
 P-Value Adjustment Sidak
 P-Value Adjustment Stepdown Sidak
 P-Value Adjustment Hochberg
 P-Value Adjustment False Discovery Rate

(Benjamini and Hochberg's Method)

p-Values

Test	Raw	Bonferroni	Stepdown Bonferroni	Sidak	Stepdown Sidak	Hochberg	False Discovery Rate
1	0.8110	1.0000	1.0000	1.0000	0.9340	0.8110	0.8110
2	0.7430	1.0000	1.0000	1.0000	0.9340	0.8110	0.8110
3	0.4460	1.0000	1.0000	0.9985	0.8300	0.8110	0.5451
4	0.2720	1.0000	1.0000	0.9696	0.7191	0.8110	0.3740
5	0.1460	1.0000	0.7300	0.8238	0.5458	0.7300	0.2294
6	0.0720	0.7920	0.4320	0.5604	0.3613	0.4320	0.1320
7	0.0470	0.5170	0.3290	0.4111	0.2861	0.3290	0.1034
8	0.0220	0.2420	0.1890	0.2171	0.1739	0.1760	0.0605
9	0.0210	0.2310	0.1890	0.2082	0.1739	0.1760	0.0605
10	0.0130	0.1430	0.1300	0.1341	0.1227	0.1300	0.0605
11	0.0030	0.0330	0.0330	0.0325	0.0325	0.0330	0.0330

임상연구에서의 결측자료

- 임상연구에서 한가지 문제점은 피험자가 시험이 종료되기 전에 중도탈락(censoring)한다는 점이다. (intermittent missing value, drop out)
- 이런 중도탈락의 이유는 부작용(adverse event), 사망, 병세의 비호전 등 시험과 관련된 경우도 있을 수 있고. 이사, 시험과 관련 없는 병 등 시험과 관련이 없을 수도 있다.
- 연구에 끝까지 참여한 집단은 아마도 original sample의 random sub-sample이 아닐 것이다. 즉, 무작위 배정의 손상이 발생할 수 있다.
- 그러므로 결측은 처치의 효과에 '편향'을 발생시킬 수 있으며 시험의 전체적인 통계적 검정력에 영향을 미칠 수 있다.

결측치의 분류

- **Pattern of missing data :**

- Missing Completely at Random (MCAR) 결측여부가 관측치+결측치 모두와 완전 독립
- Missing at Random (MAR) 결측여부가 관측치에는 의존하고, 결측치에는 의존하지 않는 경우
- Missing Not at Random (MNAR) 결측여부가 관측치에도 의존하고, 결측치에도 의존하는 경우

- **Deletion** techniques are widely criticized because they assume that the data are **MCAR**, pose a risk for bias, and lead to reduction of sample size and power. (← "complete case analysis")

missing value

- 자료內 결측치의 비율이 높으면 연구결과의 신뢰성 상실
- 결측치 발생 이유에 대한 고찰 필요
 - 특정 변수에 대해 많이 나타나고 있는 경우 → 사용 부적절
 - 어떤 변수가 특정 subgroup에 대해 모두 결측치 → 분석 시 고려
- 결측치가 분석에 미치는 영향
 - 주 관심변수와 관련이 있는 것이면 'biased result'가 얻어질 가능성
 - 통계적인 방법론의 사용에 영향을 미침
 - 결측치에 덜 민감한 분석방법의 선택
 - 결측치를 추정해서 대체(imputation)
 - single imputation, multiple imputation (MI, MIANALYZE, IVEware)
 - average value를 imputing하는 것은 부적절 (표준편차 감소, 불확실성)
 - 최선의 방법 : 연구의 시작단계에서 결측치의 발생가능성을 최소화

Single Imputation

Single Imputation :

- Sample and Group mean substitution
- Case mean substitution
- Hot / Cold - deck imputation
- Regression imputation
- Maximum likelihood (ML)
- Expectation maximization (EM)

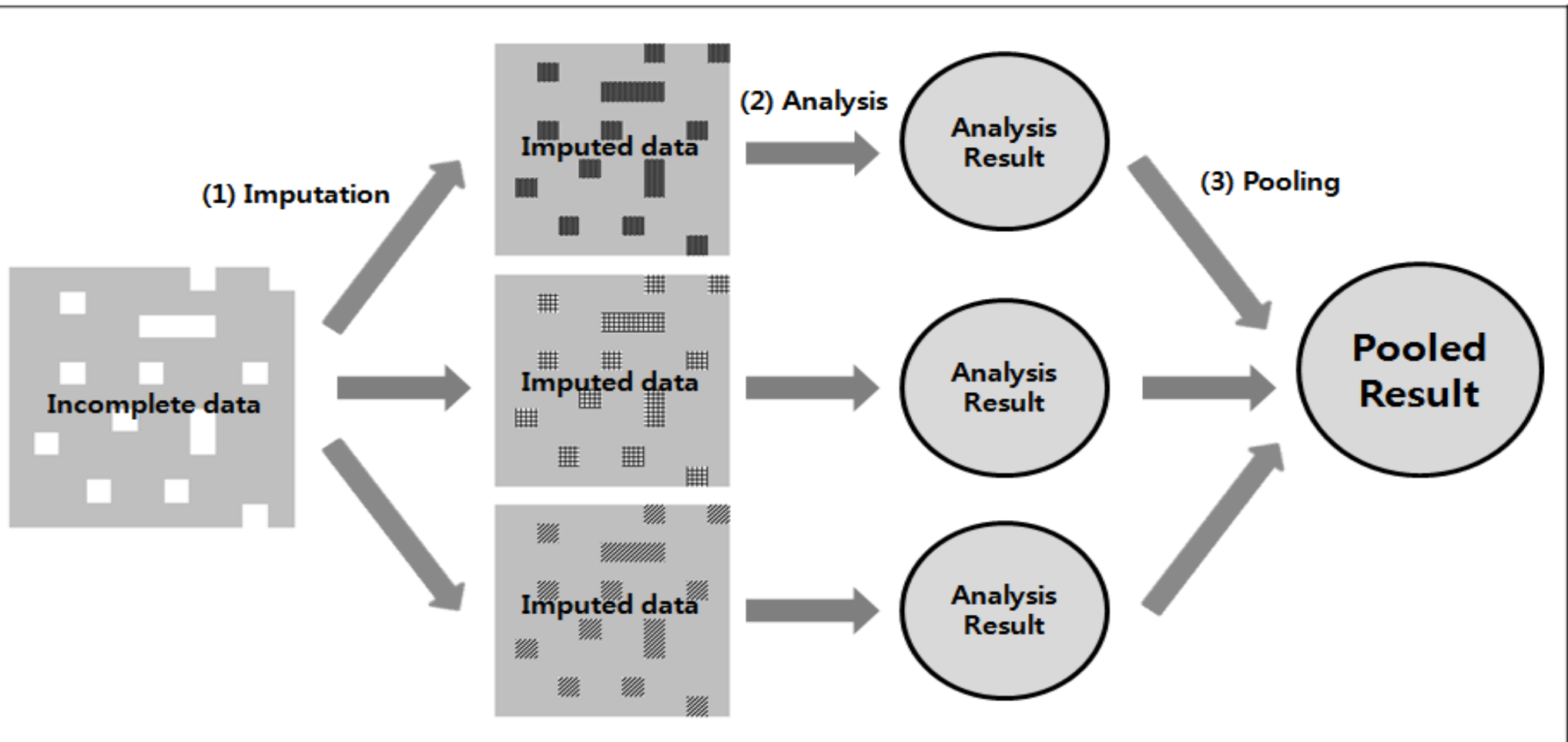
Multiple Imputation

- 결측값이 모두 대체된 경우, 일반적인 통계방법과 통계프로그램을 이용할 수 있기 때문에 "imputation"을 많이 사용하고 있다.
- 하지만 대체값을 생성하기 위한 통계모형이나 결측자료 메커니즘에 의해 편향(bias)이 발생할 수 도 있다.
- 또한, single imputation은 추정치의 표준편차가 과소 추정된다. 왜냐하면, 대체된 값을 실제로 관측된 값처럼 이용하였기 때문에 실제 표본수 보다 더 많은 표본수를 사용하였기 때문이다.
- 다시 말해, 결측값 때문에 발생하는 불확실성(uncertainty)을 고려하지 않았기 때문이다.
- 이런 불확실성을 고려하는 방법으로는 Maximum Likelihood를 이용한 추정법, Resampling 방법, Multiple Imputation 등이 있다.

Multiple Imputation

MI는 결측으로 인한 불확실성을 고려하기 위한 single imputation의 확장이다.

Imputation → Analysis → Pooling (Rubin's)



IVEware (Imputation and Variance Estimation Software)

<http://www.isr.umich.edu/src/smp/ive/> 에서 Srcware version download

```
%impute (name=impute_mult1, setup=new) ;
datain mydata3
default categorical ;
transfer respond numadl numadl2r numflmr numiadl1 numidl2r bdday12 dv12 amtowed presval racer ownbuyr ;
continuous diffadl logadl educ age84 logflmr logidl2r logiadl logbd12 logdv12 logamto logpres ;

restrict
  logamto(mortgage=2),
  logpres(own=1);

bounds
  logadl (>=0),
  logflmr (>=0),
  logidl2r (>=0),
  logiadl (>=0),
  logbd12 (>=0),
  logdv12 (>=0),
  logpres (> 0),
  logamto (> 0);

iterations 5;
multiples 5;
seed 71901;

run;
```

default : 변수의 기본 특성을 범주형으로 지정
(**continuous** : 연속형으로 지정)

transfer : imputation에 사용되지 않는 변수 지정

continuous : 범주형이 아닌 변수 지정
(default를 continuous로 했다면, categorical + 변수명)

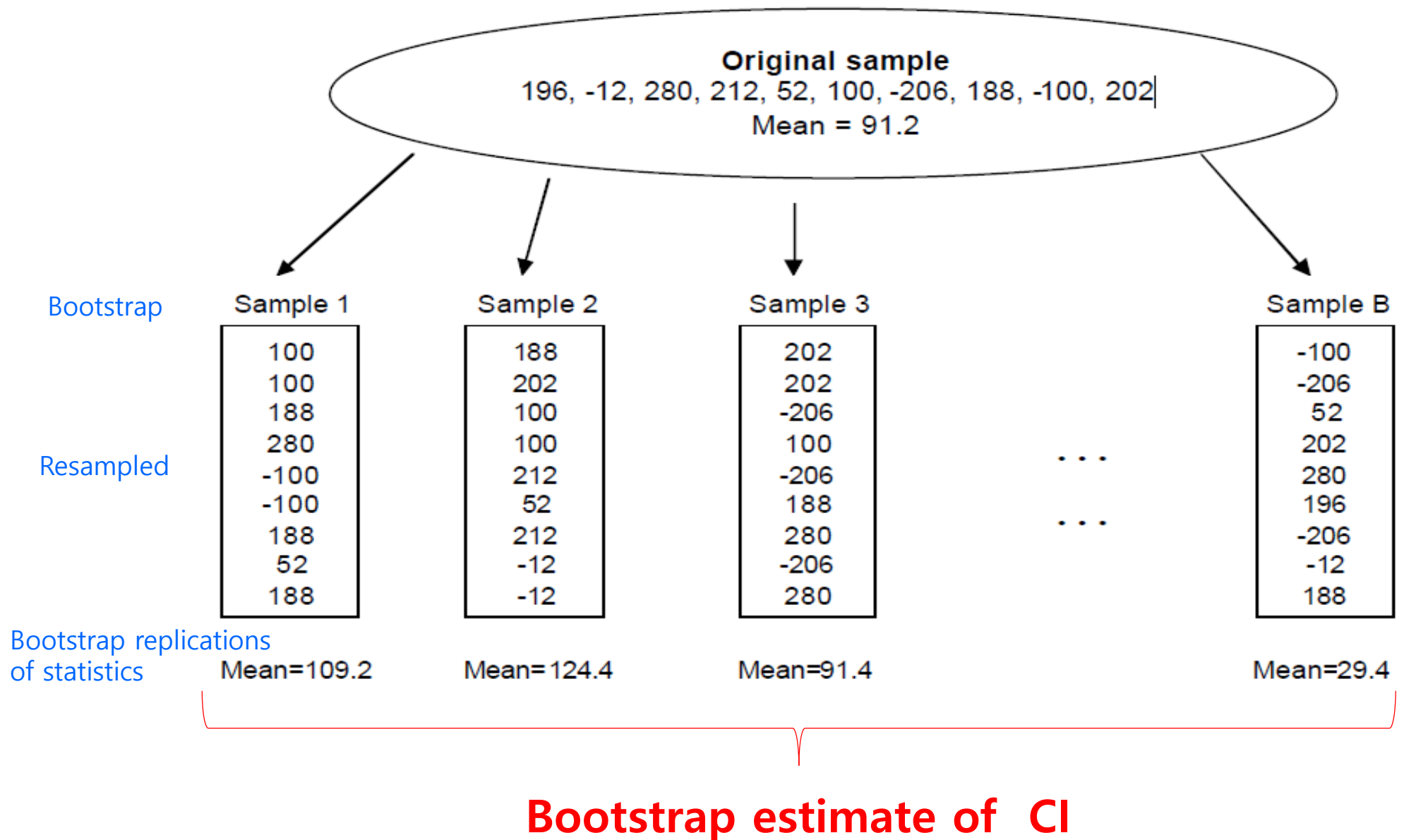
restrict : imputation 제한 (mortgage=2인 경우만 imputation 실시)

bounds : imputation 된 값의 범위 제한
(logadl 값은 0보다 크거나 같아야 한다)

iterations : number of cycles

multiples : number of imputations

Illustration of the Bootstrap Method



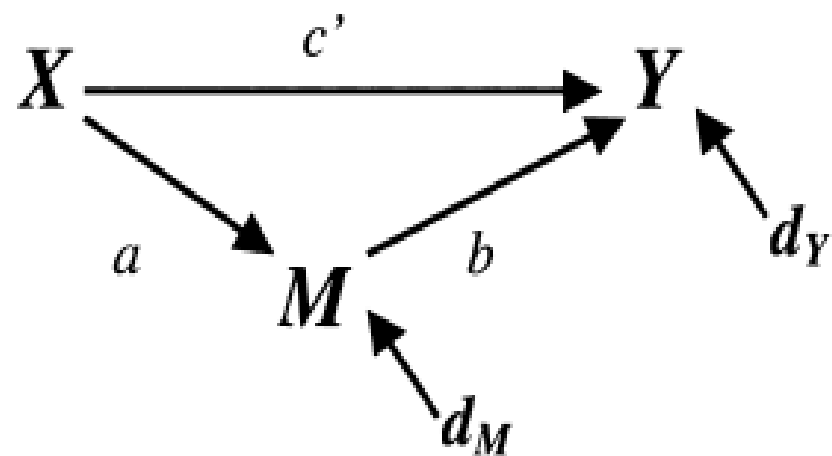


Illustration of Standard and Bootstrap Methods for Mediation Example (Simulated) with N=80

Effect	Estimate	SE	95% CI		Bootstrap	
			Standard normal	Bootstrap percentile	<i>M</i>	<i>SD</i>
<i>a</i>	0.331	0.147	(0.04, 0.62)	(0.05, 0.60)	0.325	0.138
<i>b</i>	0.275	0.103	(0.07, 0.48)	(0.11, 0.43)	0.274	0.082
<i>c'</i>	-0.027	0.137	(-0.30, 0.25)	(-0.27, 0.22)	-0.029	0.122
<i>a</i> × <i>b</i>	0.091	0.053	(-0.01, 0.19)	(0.01, 0.20)	0.089	0.047
<i>c</i>	0.064	0.138	(-0.21, 0.34)			

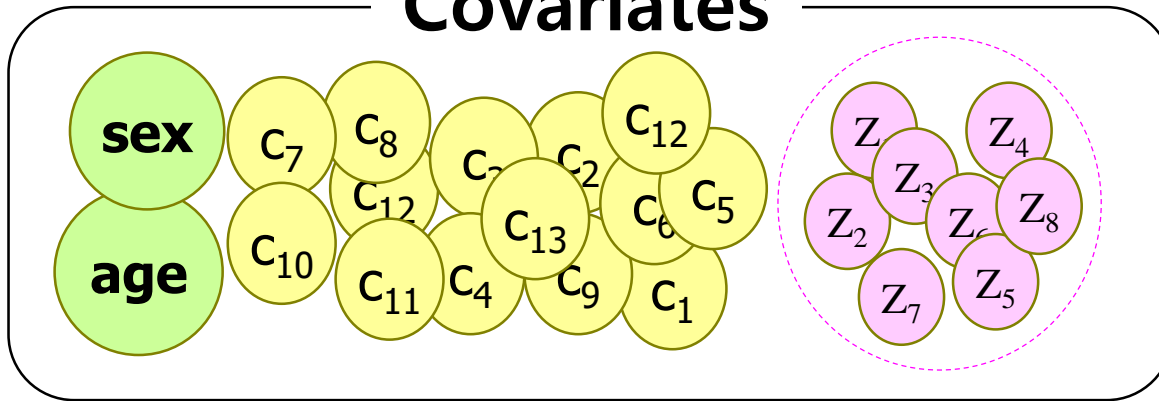
Note. Data were sampled from a simulated population in which $a = 0.4$, $b = 0.3$, and $c' = 0.0$. Normal 95% CIs are computed using estimate $\pm 2 \times SE$. Percentile 95% CI for bootstrap is defined using the values that mark the upper and lower 2.5% of the bootstrap distribution. CI = confidence interval.

Why Propensity Score Matching? Causality

- 모든 연구대상자들이 같은 조건 하에서, 모집단에서 treatment 또는 위험요인 exposure 여부의 effect를 추론 → 이런 효과가 처리/노출에 caused 함을 보이고 싶음
- 실험연구에 비해 관찰연구에서는 confounding variable 통제 한계성 때문에 명확한 의학적 근거 “causality”를 제시하기 어려움
- 이러한 인과관계 추론을 위해 comparability를 보장할 수 있는 “무작위 배정 (확률화, randomization)”
- + 관찰연구에서도 인과적 추론을 강화할 수 있는 통계적 방법이 요구됨
 - Propensity Score Matching
 - Marginal Structural Model (SAS, GENMOD procedure + scgwt / R, weighted PH Reg.)
 - Instrument Variable Model (SAS, SYSLIN procedure / SPSS2-stage Least Sq. Regression)

Statistical Methods for Causal Inference

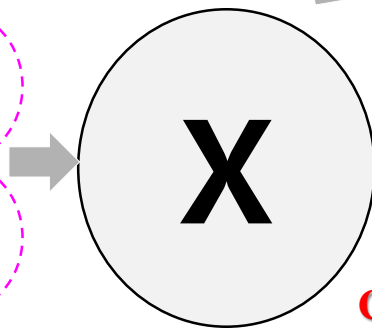
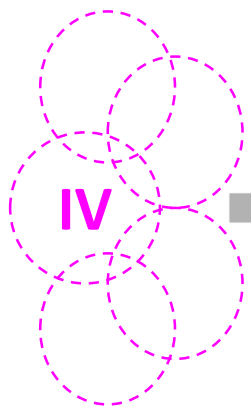
Covariates



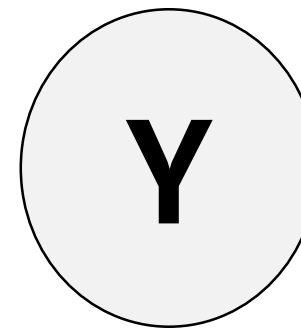
- confounders variables
- unmeasured/unknown confounders
- stratification variables
- intermediate variables
- effect modifier / interaction effect

Propensity Score Matching
Coarsened Exact Matching

Multiple Regression Adjustment



Competing Risks



- Multiple Regression Analysis
- Logistic Regression Analysis
- Poisson Regression Analysis
- Cox's PHM
- Linear Mixed Model (LMM)
- Generalized Estimating Equation (GEE)

Mendelian Randomization Analysis

Table 3. Selected Baseline and Exercise Characteristics According to Aspirin Use in Propensity-Matched Patients*

Variable	Aspirin (n = 1351)	No Aspirin (n = 1351)	P Value
Demographics			
Age, mean (SD), y	60 (11)	61 (11)	.16
Men, No. (%)	951 (70)	974 (72)	.33
Clinical history			
Diabetes, No. (%)	203 (15)	207 (15)	.83
Hypertension, No. (%)	679 (50)	698 (52)	.46
Tobacco use, No. (%)	161 (12)	162 (12)	.95
Cardiac variables			
Prior coronary artery disease, No. (%)	652 (48)	659 (49)	.79
Prior coronary artery bypass graft, No. (%)	251 (19)	235 (17)	.42
Prior percutaneous coronary intervention, No. (%)	166 (12)	147 (11)	.25
Prior Q-wave MI, No. (%)	194 (14)	206 (15)	.52
Atrial fibrillation, No. (%)	21 (2)	24 (2)	.65
Congestive heart failure, No. (%)	79 (6)	89 (7)	.43
Medication use			
Digoxin use, No. (%)	115 (9)	114 (9)	.94
β-Blocker use, No (%)	352 (26)	358 (26)	.79
Diltiazem/verapamil use, No. (%)	223 (17)	223 (17)	>.99
Nifedipine use, No. (%)	127 (9)	144 (11)	.28
Lipid-lowering therapy, No. (%)	281 (21)	271 (20)	.63
ACE inhibitor use, No. (%)	209 (15)	214 (16)	.79
Cardiovascular assessment and exercise capacity			
Body mass index, mean (SD), kg/m ²	29 (6)	29 (6)	.83
Ejection fraction, mean (SD), %	51 (8)	51 (9)	.65
Resting heart rate, mean (SD), beats/min	77 (13)	76 (14)	.13
Resting blood pressure, mean (SD), mm Hg			
Systolic	141 (21)	141 (21)	.68
Diastolic	85 (11)	86 (11)	.57
Purpose of test to evaluate chest pain, No. (%)	153 (11)	159 (12)	.72
Mayo Risk Index ≥1, No. (%)†	1108 (82)	1110 (82)	.92
Peak exercise capacity, mean (SD), METs			
Men	8.7 (2.5)	8.3 (2.5)	.01
Women	6.5 (2.0)	6.7 (2.0)	.13
Heart rate recovery, mean (SD), beats/min	28 (12)	28 (11)	.82
Ischemic ECG changes with stress, No. (%)	231 (22)	223 (21)	.64
Echocardiographic left ventricular ejection fraction ≤40%, No. (%)	147 (11)	156 (12)	.50
Stress-induced ischemia on echocardiography, No. (%)	239 (18)	259 (19)	.32
Fair or poor physical fitness for age and sex, ¹³ No. (%)	445 (33)	459 (34)	.57

*MI indicates myocardial infarction; ACE, angiotensin-converting enzyme; MET, metabolic equivalent task; and ECG, electrocardiogram.
†The Mayo Risk Index is described in the "Methods" section.

Figure 1. Kaplan-Meier Curve Relating Aspirin Use to Time to Death Among Propensity-Matched Patients

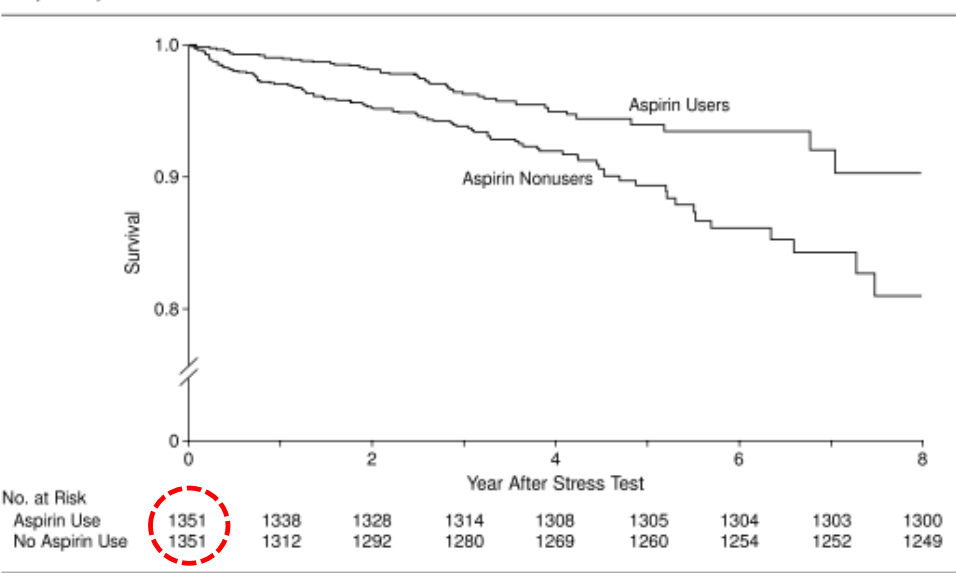


Table 4. Cox Proportional Hazards Analyses of Aspirin Use and Mortality Among Propensity-Matched Patients (n = 2702)*

Model	Hazard Ratio (95% CI)	P Value
Unadjusted	0.53 (0.38-0.74)	.002
Adjusted for propensity	0.53 (0.38-0.74)	<.001
Adjusted for propensity and selected variables†	0.59 (0.42-0.83)	.002
Adjusted for propensity and all covariates‡	0.56 (0.40-0.78)	<.001

*CI indicates confidence interval.
†Selected variables included prior coronary artery disease, prior coronary artery bypass grafting, prior percutaneous intervention, and ejection fraction ≤40%.
‡For a list of covariates, see Table 2 footnote (†).

Propensity Score Computational Statistical Packages

- MatchIt in R (Ho, Imai, King, and Stuart, 2007)
- PSMATCH2 algorithm in STATA (Leuven & Sianesi, 2004)
- %PSMatching “GREEDY” Macro in SAS (D’Agostino, 1998)

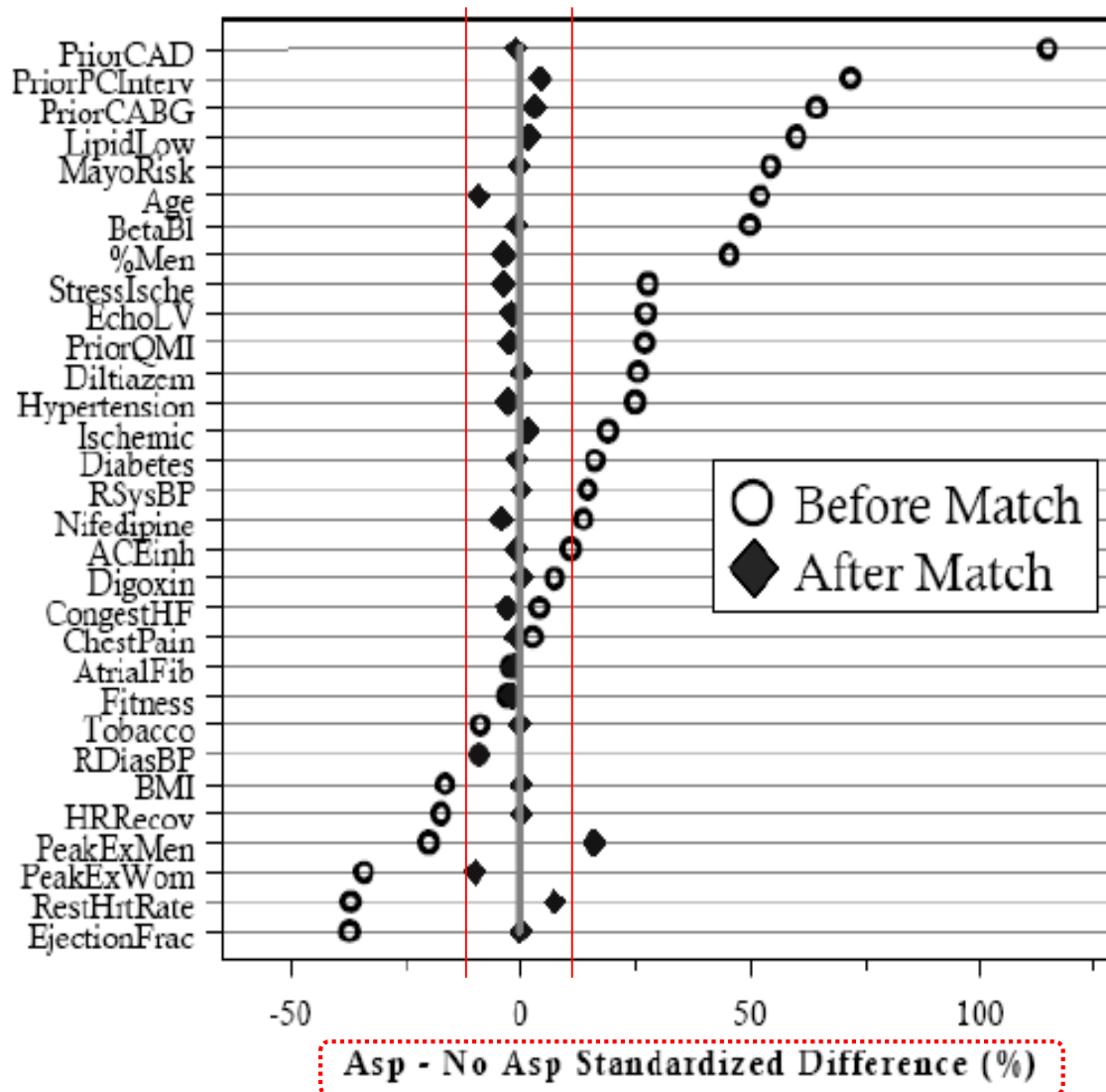
MatchIt: Nonparametric Preprocessing for Parametric Causal Inference

Daniel E. Ho
Stanford Law School

Kosuke Imai
Princeton University

Gary King
Harvard University

Elizabeth A. Stuart
Johns Hopkins University



Covariate Balance for Aspirin Study
(Love, 2004)

$$C \perp X / \pi(C)$$

→ greater than 10 percent
Represents meaningful imbalance

for continuous variables

$$d = \frac{100 \cdot (\bar{x}_{\text{treatment}} - \bar{x}_{\text{control}})}{\sqrt{(s_{\text{treatment}}^2 + s_{\text{control}}^2) / 2}}$$

for categorical variables

$$d = \frac{100 \cdot (p_T - p_C)}{\sqrt{(p_T(1 - p_T) + p_C(1 - p_C)) / 2}}$$

Some ways of assessing balance (Rubin, 2001) :

- The standardized difference in the mean propensity score in the two groups should be near zero ($d < .25$)
- The ratio of the variance of the propensity score in the two groups should be near 1 one, (preferably between 0.80 and 1.25)

[장·단점] 최근 관찰연구의 설계단계에서 혼란변수의 영향을 통제하기 위한 방법으로 PSM을 많이 사용하고 있다. 이 방법은 수많은 공변량(covariates)을 같이 고려하여 비교그룹을 선정함에 있어 선택편의(selection bias)를 최소화할 수 있는 장점을 갖고 있다. 하지만 실제 적용함에 있어 다음의 한계점들에 주의를 하여야 한다.

- 조사된/관측된 공변량 수에 비해 연구대상자수가 충분치 못한 경우,
- 불충분하게 조사된/관측된 공변량으로 PS (Propensity Score)를 추정하는 경우,
- 공변량과 존재하는 상호작용을 무시하고 PS를 추정하는 경우,
- 결측치가 많은 공변량 혹은 시간의존성이 있는 공변량을 포함하고 있는 경우.

[왜 필요한지] 두 그룹간의 비교 임상연구 자료를 분석함에 있어 연구자는 모든 대상자들이 가능한 동일한 특성 하에서 반응변수에 대한 영향이 단지 intervention에 기인함을 밝히고 싶어 한다. 그러나 RCT에 비해 관찰연구에서는 혼란변수의 통제 한계성 때문에 인과관계를 설명하기 어렵다. 최근 들어 관찰연구에서도 두 비교그룹 간의 비교성을 높여 인과적 추론을 강화할 수 있는 PSM 방법이 많이 활용되고 있다.

[대조군의 개념] PSM 개념은 'counterfactual'의 개념에 기초한다. 연구자들이 관심이 있는 진정한 'causal effect'는 대상자가 어떤 임상연구에 참여함으로써 얻는 효과(factual)와 동일한 대상자가 그 연구에 참여하지 않았더라면 얻었을 효과(countfactual)의 차이일 것이다. 그런데 실험군이 연구에 참여하지 않을 상황은 관찰할 수 없기 때문에 대응으로 대조군을 구축하여 잠재적인 효과를 추정하게 된다 (Rosenbaum & Rubin, 1983).

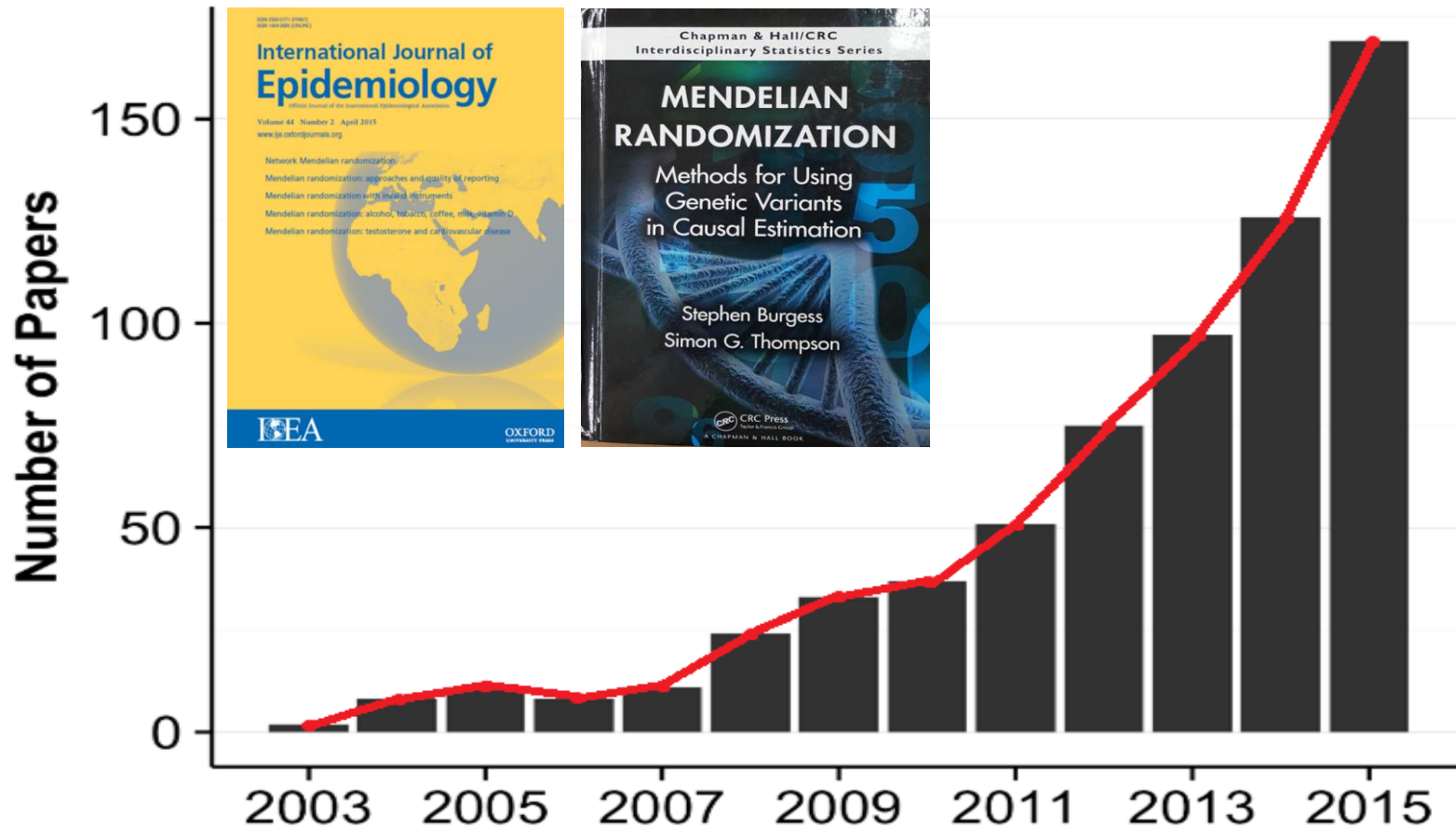
[PS 구하기] PS는 실험군과 대조군의 관찰 가능한 공변량들이 주어졌을 때 이들이 실험군이 될 조건부확률값으로, 로지스틱 회귀모형의 예측확률값(predicted probability)에 해당한다. $PS = \Pr(Z=1 / X=x)$ 이 확률값을 이용하여 최대한 같은 공변량을 가진 두 그룹으로 matching 함으로써 선택편의를 줄인 상태의 실험군과 대조군을 재구성할 수 있다. 이 때 가능한 조사된 모든 공변량을 포함시키는 비절약완전모형(full non-parsimonious model)으로 예측확률값을 구하고 예측모형의 변별력(c-statistic)과 적합성(Hosmer-Lemeshow statistic)을 검토하여야 한다(D'Agostino, 1998).

[매칭 방법] PS의 matching 방법은 실험군을 구성하는 대상자의 PS와 가장 가까운 PS를 가지는 대조군의 대상자와 matching하는 nearest neighbor 방법과 caliper, radius 방법 등이 있다. 이런 방법들의 SAS 프로그램은 Greedy Algorithms 으로 <http://www2.sas.com/proceedings/sugi26/p214-26.pdf> 에서 제공되고 있다. Matching 후, 두 군 간의 각 공변량 분포 차이가 $\pm 10\%$ 이내의 범위로 들어와야 balance를 확인할 수 있다.

Sampling , 개별/빈도 Matching

- 대조군이 결정되면 이들 중 실제 연구에 포함되어 위험요인에의 노출에 관한 정보를 수집하게 될 개 개인을 선정해야 한다. 이 과정에서는 matching 여부에 따라 대조군을 선정하게 된다.
 - 대조군은 환자군에서의 교란변수의 분포와는 무관하게 무작위로 선정하는 방법 (→ sampling)과
 - 어떤 교란변수가 존재할 때, 환자군에서의 교란변수의 분포가 대조군에도 동일하게 분포하도록 미리 계획적으로 대조군을 뽑는 방법이다 (→ matching).
- Matching의 주된 목적은 교란변수의 영향을 자료수집단계나 혹은 자료분석단계에서 효과적으로 통제하기 위함이다.
 - Matching에는 환자군 개개인마다 matching 변수의 특성이 완전히 동일하도록 대조군을 하나 혹은 둘 이상씩을 골라 서로 짝지어 놓은 individual matching과 환자군과 대조군 전체에서 교란변수의 분포가 동일하도록 하는 frequency matching 방법이 있다.
- Matching의 시기에 따라, 자료수집단계에서부터 matching을 적용하는 경우를 Pre-matching과 (주로 개별 matching을 이용한다) 연구대상자를 뽑고 난 후 자료분석단계에서 matching을 시행하는 Post-matching (빈도/개별 matching 모두 이용 할 수 있다)로 구분할 수 있다. Post-matching은 matching 변수의 분포가 다른 경우 많은 대상자를 분석에 쓰지 못하기 때문에 연구의 효율성은 떨어지나 연구수행 상 쉽고 간편하다. Pre-matching은 대상 선별 과정이 복잡하나 연구의 효율성은 높다.
- Matching 변수의 수가 너무 많으면 교란변수의 영향은 효과적으로 통제되지만, matching의 조건을 만족하는 대조군을 고르기 위해서 많은 수의 대상이 필요하게 되어 효과적인 matching이 불가능해진다. Matching 변수는 보통 둘 내지 세 개로 한정하는 것이 일반적이며 연구자의 주 설명요인은 matching 변수에 이용하지 않아야 연구가설을 구명할 수 있다.

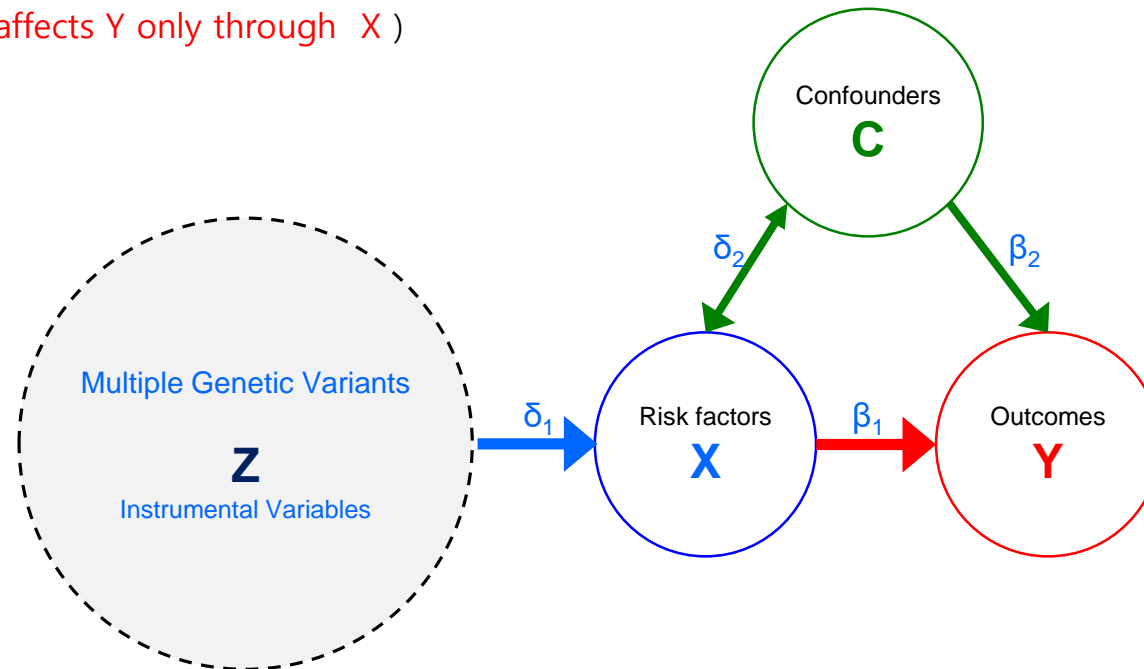
Number of Publication Using MR approach (2003~2015)



GROWTH OF THE NUMBER OF MR STUDIES AS ESTIMATED BY A PUBMED SEARCH OF "MENDELIAN RANDOMISATION" OR "MENDELIAN RANDOMIZATION" ON THE 7TH OF DECEMBER 2015 (US NATIONAL LIBRARY OF MEDICINE 2015.)

Instrumental variable Z is defined that satisfies the following assumptions :

- ① Z is associated with the risk factor of interest X 强
- ② Z is independent of the confounding factors C of the association between X and the outcome Y
- ③ Z is independent of outcome Y given X and C (i.e. Z affects Y only through X)

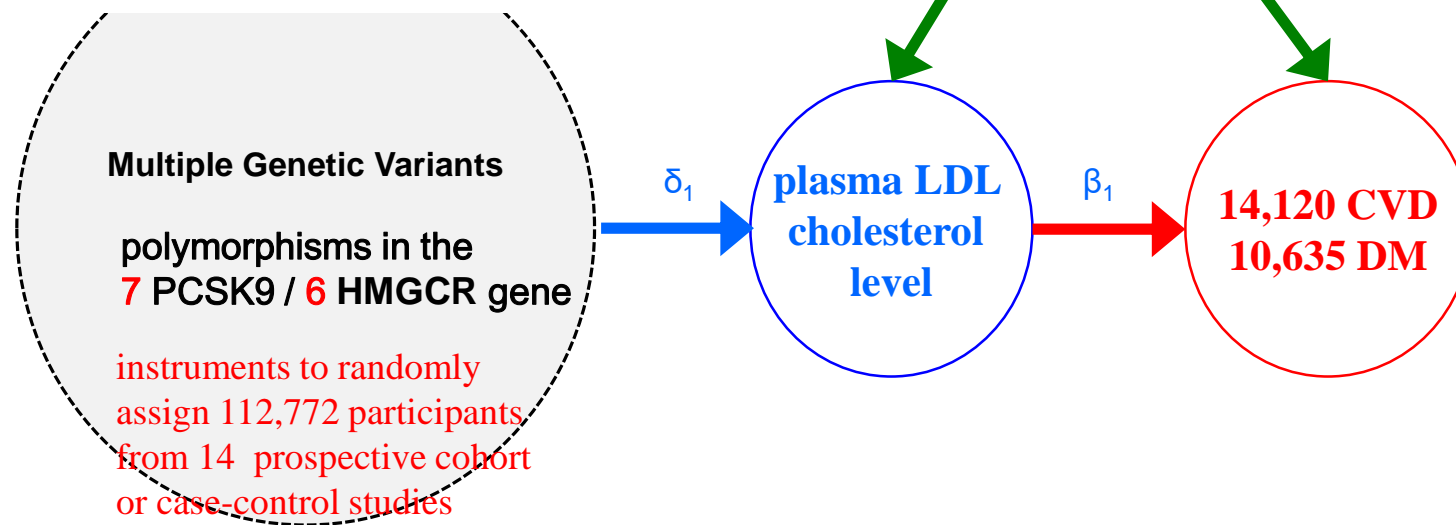
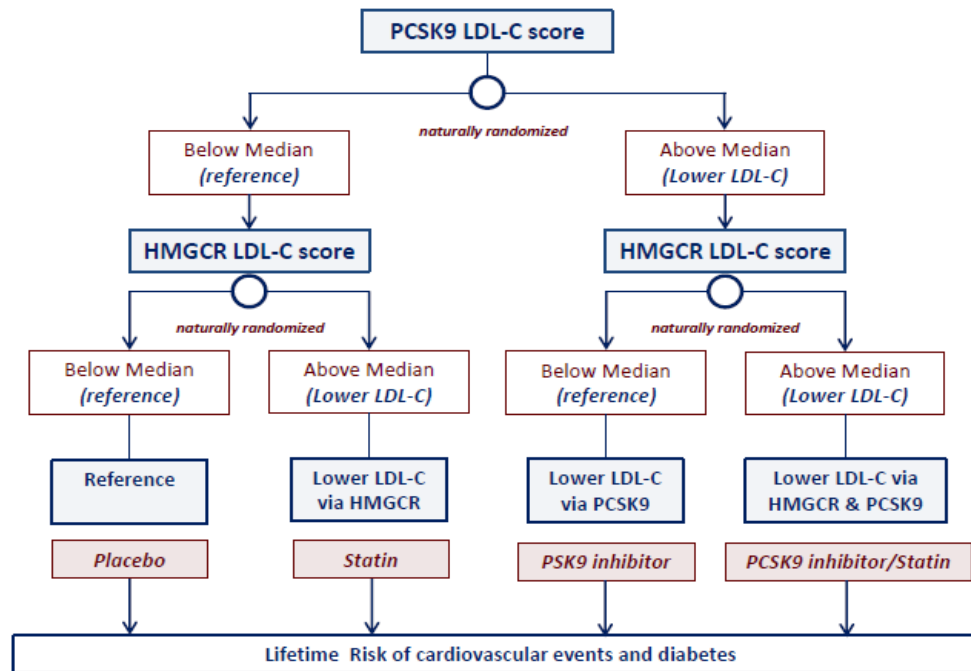


Mendelian Randomization Analysis

Source: Didelez et al., *Stat Methods Med Res.* 2007;16:309-330.

Variation in *PCSK9* and *HMGCR* and Risk of Cardiovascular Disease and Diabetes

Ference et al.,
N Engl J Med 2016;375:2144-53.



PCSK9 polymorphisms included in genetic score and their association with LDL-C in the Global Lipids Genetics Consortium

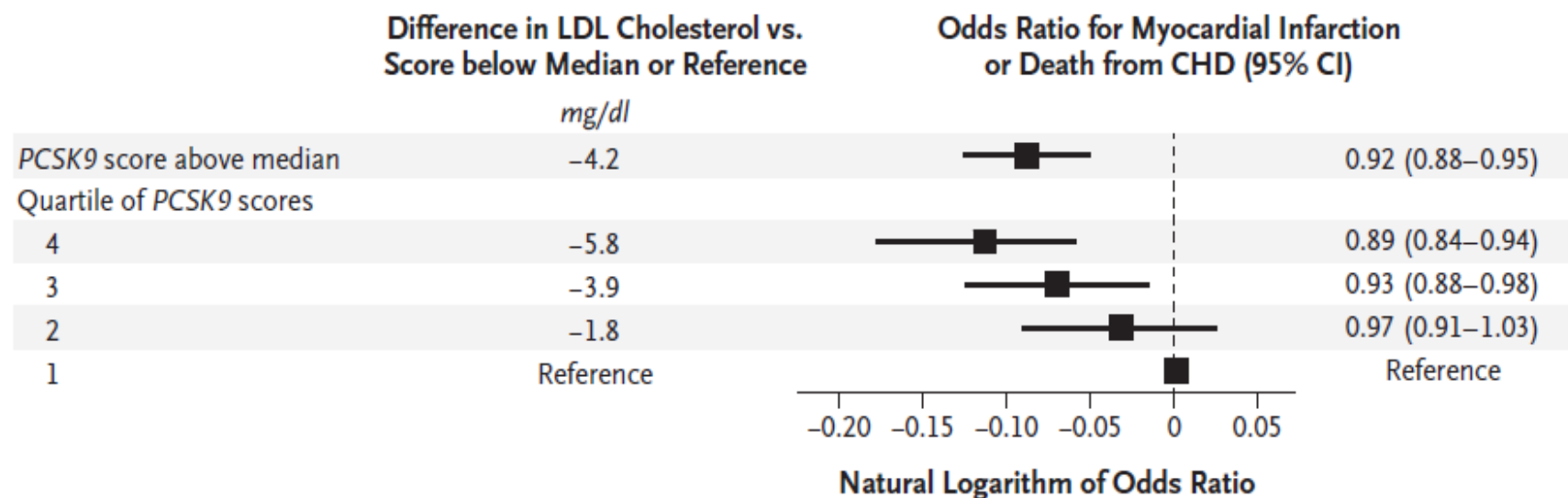
SNP	position	Sample size (N)	Frequency of LDL-C lowering allele	LDL-C effect size (mg/dl)	SE	P
rs11206510	chr1_55268627	172812	0.1544	2.6592	0.005	2.38E-53
rs2479409	chr1_55277238	172970	0.6675	2.0544	0.0041	2.52E-50
rs2149041	chr1_55274725	172903	0.8391	2.0352	0.0049	1.44E-35
rs2479394	chr1_55258652	172953	0.715	1.2352	0.0041	1.58E-19
rs10888897	chr1_55285649	165232	0.3945	1.6224	0.0042	8.43E-31
rs7552841	chr1_55291340	140234	0.6346	1.1776	0.0044	5.40E-15
rs562556	chr1_55296825	99192	0.1939	2.048	0.0066	6.16E-21

LDL-C effect size, measured in mg/dl, was used to weight each polymorphism in the PCSK9 HMGCR genetic score ← LDL-C를 저해시키는 대립유전자수에 따라 점수화-범주화(1-2-3-4)

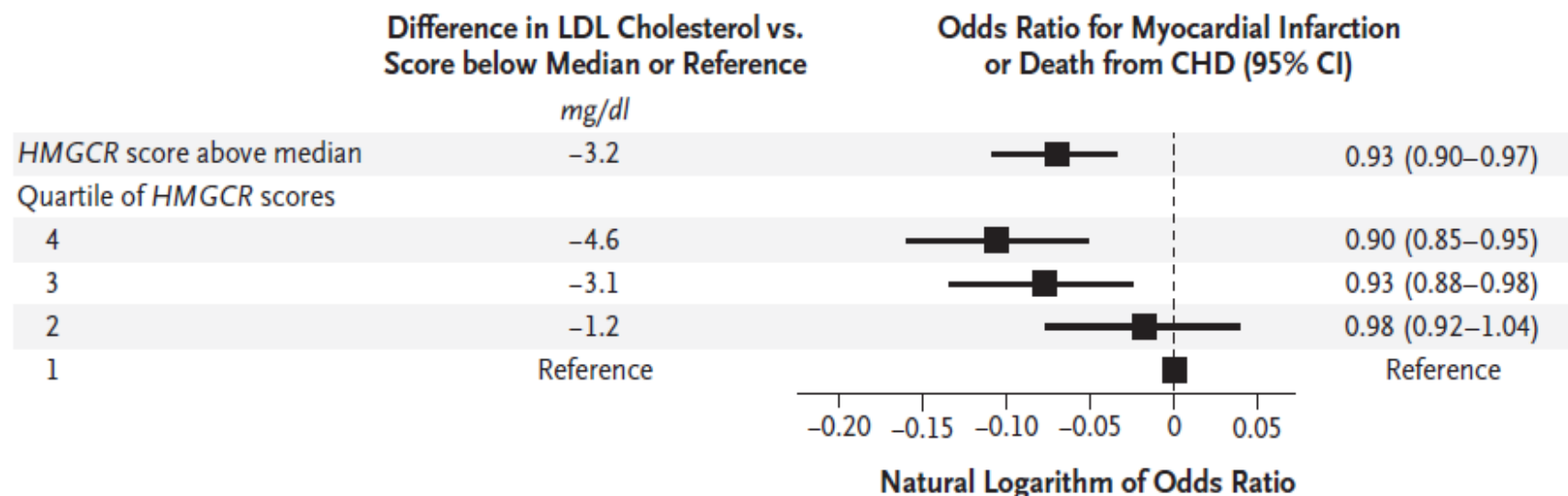
HMGCR polymorphisms included in genetic score and their association with LDL-C in the Global Lipids Genetics Consortium

SNP	position	Sample size (N)	Frequency of LDL-C lowering allele	LDL-C effect size (mg/dl)	SE	P
rs12916	chr5:74656539	168357	0.5686	2.3456	0.1216	7.79E-78
rs17238484	chr5:74648496	80959	0.7467	2.0064	0.1984	1.35E-21
rs5909	chr5:74656175	89875	0.8984	1.9744	0.2816	4.93E-13
rs2303152	chr5:74641707	160116	0.8799	1.3536	0.2048	1.04E-09
rs10066707	chr5:74560579	89888	0.5831	1.5904	0.1728	2.97E-19
rs2006760	chr5:74562029	89885	0.8140	1.7056	0.2432	1.67E-13

A PCSK9 Score

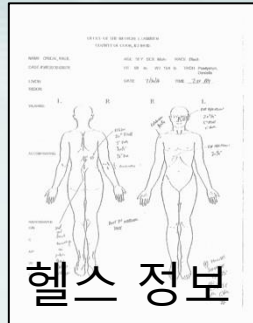


B HMGCR Score



차세대 유전체 및 다양한 인체 유래물 동정 기술의 발달

기존 보건/환경/역학정보



대사체

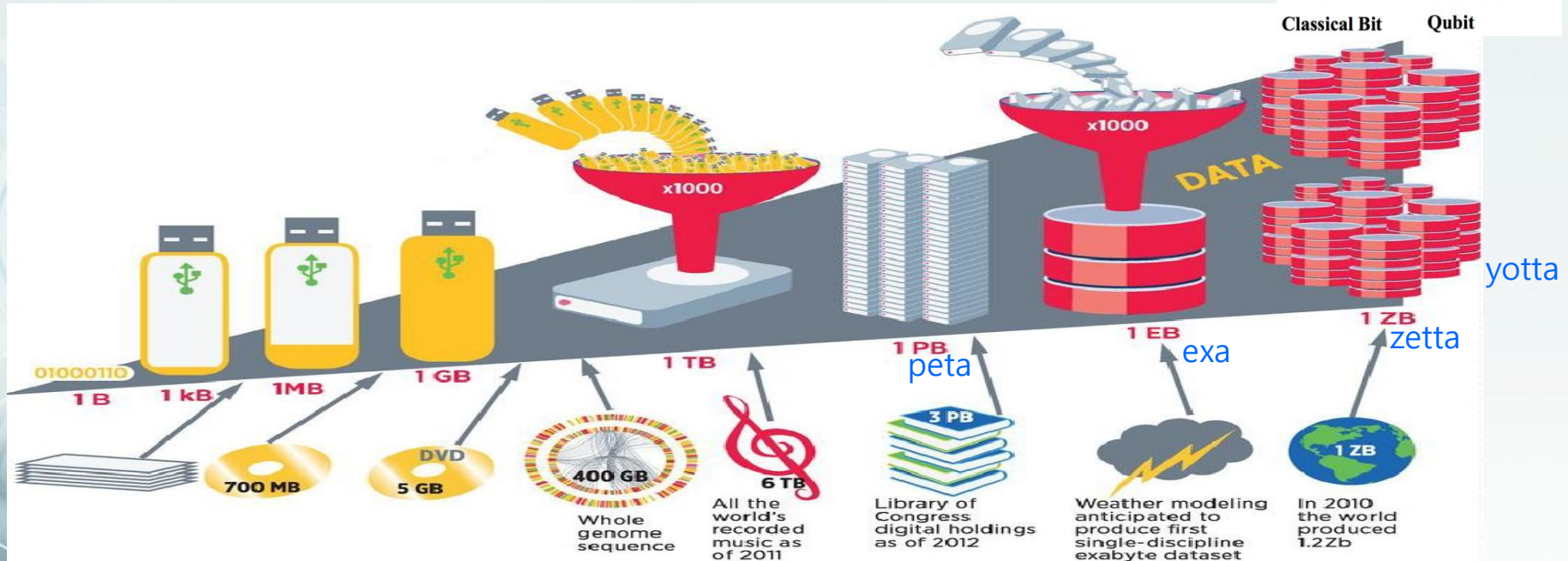
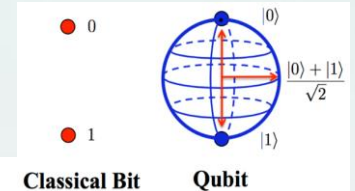
노출체

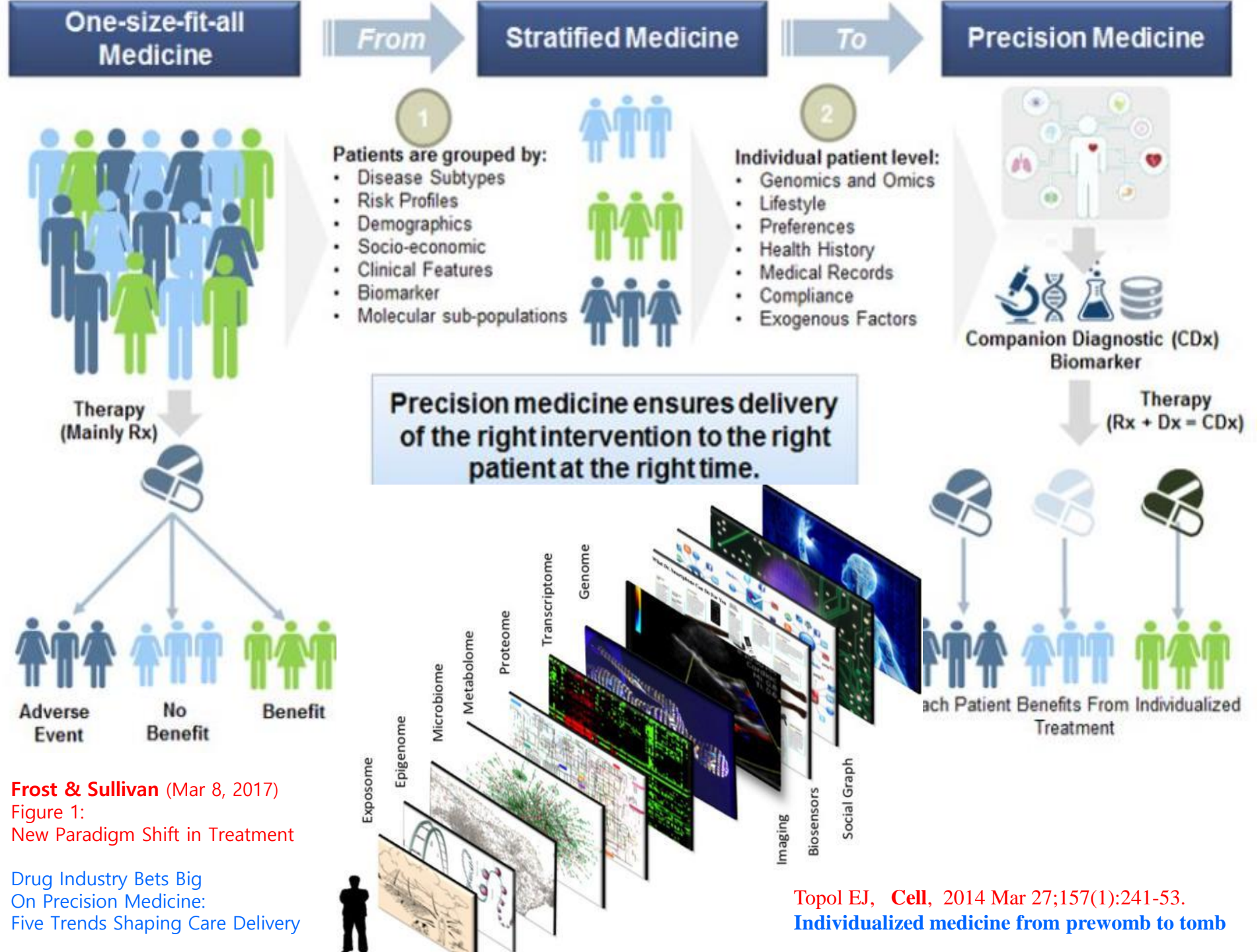
- 환경노출에 따른 질병/건강 영향의 평가에 집중
- 환경노출 인자 → 질병 발병이라는 단순한 인과 관계 동정을 목적으로 함

신규 인체 유래물 동정기법

차세대 유전체 분석 (NGS)

- 기본 분석 정보 크기의 폭발적 증가
- 환경/인구사회학/라이프스타일/다양한 보건의료 정보 통합이 가능-요구-오믹스분석





Frost & Sullivan (Mar 8, 2017)
Figure 1:
New Paradigm Shift in Treatment

Drug Industry Bets Big
On Precision Medicine:
Five Trends Shaping Care Delivery

Topol EJ, **Cell**, 2014 Mar 27;157(1):241-53.
Individualized medicine from prewomb to tomb